

Musterlösung EÜN

Energieübertragung im Drehstromnetz

Aufgabe 1: Energieübertragung über eine 400-kV-Leitung

a) imaginäre Übertragungskonstante:

$$\begin{aligned}\gamma_0 &= j\omega\sqrt{L' \cdot C'} \\ &= j2\pi 50 \frac{1}{s} \sqrt{1,3 \cdot 10^{-3} \frac{\text{H}}{\text{km}} \cdot 8,5 \cdot 10^{-9} \frac{\text{F}}{\text{km}}} \\ &= j1,04 \cdot 10^{-3} \frac{1}{\text{km}} = j\beta_0\end{aligned}$$

Wellenlänge:

$$\begin{aligned}\lambda &= \frac{2\pi}{\beta_0} = \frac{2\pi}{2\pi f \sqrt{L'C'}} = \frac{1}{f \sqrt{L'C'}} \\ &= \frac{1}{50 \text{ Hz} \sqrt{1,3 \cdot 10^{-3} \frac{\text{H}}{\text{km}} \cdot 8,5 \cdot 10^{-9} \frac{\text{F}}{\text{km}}}} = 6016,6 \text{ km}\end{aligned}$$

komplexer Wellenwiderstand:

$$Z_W = Z_0 = \sqrt{\frac{L'}{C'}} = \sqrt{\frac{1,3 \cdot 10^{-3} \text{ Hkm}}{8,5 \cdot 10^{-9} \text{ Fkm}}} = 391,1 \Omega$$

b)

$$P_{\max} = \frac{U_1 U_2}{Z_0 \sin\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)} = \frac{(400 \text{ kV})^2}{391,1 \Omega \cdot \sin\left(2\pi \frac{300}{6016,6}\right)} = 1327,43 \text{ MW}$$

$$P = P_{\max} \cdot \sin \vartheta = 1327,4 \text{ MW} \cdot \sin(30^\circ) = 663,72 \text{ MW}$$

$$\begin{aligned}Q_1 &= \frac{U_1^2 \cos\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right) - U_1 U_2 \cos(\vartheta)}{Z_0 \sin\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)} = \frac{U^2 [\cos\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right) - \cos(\vartheta)]}{Z_0 \sin\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)} \\ &= \frac{(400 \text{ kV})^2 [\cos\left(2\pi \frac{300}{6016,6}\right) - \cos(30^\circ)]}{391,1 \Omega \cdot \sin\left(2\pi \frac{300}{6016,6}\right)} = 113,23 \text{ MVar}\end{aligned}$$

$$\text{da } U_1 = U_2 \quad \implies \quad Q_2 = -Q_1 = -113,23 \text{ MVar}$$

Erzeugerzählssystem:

$$\begin{aligned}P > 0 &\quad \rightarrow \quad \text{Leitung ist Quelle} \\ Q < 0 &\quad \rightarrow \quad \text{kapazitive Quelle}\end{aligned}$$

\implies die Leitung bezieht induktive Blindleistung und liefert kapazitive Blindleistung

c) Spannungsband: $U_1 = 1,05 \cdot U$ $U_2 = 0,95 \cdot U$ $U = 400 \text{ kV}$

$$\begin{aligned}
 Q_2 &= \frac{U_1 U_2 \cos(\vartheta) - U_2^2 \cos\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)}{Z_0 \sin\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)} \\
 &= \frac{(400 \text{ kV})^2 \cdot \left[1,05 \cdot 0,95 \cdot \cos(30^\circ) - (0,95)^2 \cdot \cos\left(2\pi \frac{300}{6016,6}\right)\right]}{391,1 \Omega \cdot \sin\left(2\pi \frac{300}{6016,6}\right)} \\
 &= 7,02 \text{ MVar}
 \end{aligned}$$

Eine Einspeisung von +50 MVar ist nicht möglich.

d)

$$Q_2 = \frac{U_1 U_2 \cos(\vartheta) - U_2^2 \cos\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)}{Z_0 \sin\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)}$$

Aufgelöst nach U_2 :

$$\begin{aligned}
 -U_2^2 \cos\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right) + U_2 U_1 \cos(\vartheta) - Q_2 Z_0 \sin\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right) &= 0 \\
 U_2^2 - U_2 \left(U_1 \frac{\cos(\vartheta)}{\cos\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)} \right) + Q_2 Z_0 \tan\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right) &= 0
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 U_2 &= \frac{1}{2} \frac{U_1 \cos(\vartheta)}{\cos\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)} \pm \sqrt{\left(\frac{1}{2} \frac{U_1 \cos(\vartheta)}{\cos\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)} \right)^2 - Q_2 Z_0 \cdot \tan\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)} \\
 &= \frac{1,05 \cdot 400 \text{ kV} \cdot \cos(30^\circ)}{2 \cdot \cos\left(2\pi \frac{300}{6016,6}\right)} \\
 &\quad \pm \sqrt{\left(\frac{1,05 \cdot 400 \text{ kV} \cdot \cos(30^\circ)}{2 \cdot \cos\left(2\pi \frac{300}{6016,6}\right)} \right)^2 - 50 \text{ MVar} \cdot 391,1 \Omega \cdot \tan\left(2\pi \frac{300}{6016,6}\right)} \\
 &= 191170,76 \text{ V} \pm 173813,66 \text{ V} = 364,98 \text{ kV}
 \end{aligned}$$

Abweichung von $U_N = 400 \text{ kV}$ ist $-8,75\%$.

e)

$$Q_2 = \frac{U_1 U_2 \cos(\vartheta) - U_2^2 \cos\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)}{Z_0 \sin\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)}$$

Aufgelöst nach $\cos(\vartheta)$:

$$\begin{aligned} \cos(\vartheta) &= \frac{Q_2 Z_0 \sin\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)}{U_1 U_2} + \frac{U_2}{U_1} \cos\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right) \\ &= \frac{100 \text{ MVA} \cdot 391,1 \, \Omega \cdot \sin\left(2\pi \frac{300}{6016,6}\right)}{1,05 \cdot 0,95 \cdot (400 \text{ kV})^2} + \frac{0,95}{1,05} \cdot \cos\left(2\pi \frac{300}{6016,6}\right) \\ &= 0,9362 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \vartheta = 20,57^\circ$$

$$\begin{aligned} P &= \frac{U_1 U_2}{Z_0 \sin\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right)} \cdot \sin(\vartheta) \\ &= 1,05 \cdot 0,95 \cdot P_{\max} \cdot \sin(\vartheta) \\ &= 1,05 \cdot 0,95 \cdot 1327,43 \text{ MW} \cdot \sin(20,57^\circ) \\ &= 465,23 \text{ MW} \end{aligned}$$

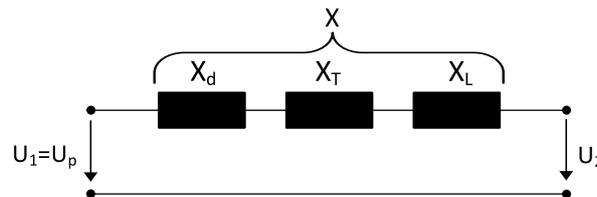
Musterlösung EÜN Energieübertragung im Drehstromnetz

Aufgabe 2: Dimensionierung einer Kraftwerkseinspeisung

a)

$$U_{2Y} = \frac{U_2}{\sqrt{3}} = \frac{110 \text{ kV}}{\sqrt{3}} = 63,51 \text{ kV}$$

b) Die Gesamtimpedanz setzt sich aus den Impedanzen von Generator, Transformator und Leitung zusammen:



$$X = \sum X_i = X_d + X_T + X_L$$

Dabei müssen alle X_i auf eine Spannungsebene bezogen werden.
Bezugsspannung wählen: $U_B = 110 \text{ kV}$

Generator:

$$\begin{aligned} X_d &= x_d \cdot \frac{U_N^2}{S_N} \cdot \frac{U_B^2}{U_N^2} = x_d \cdot \frac{U_B^2}{S_N} \\ &= 1,4 \cdot \frac{(110 \text{ kV})^2}{40 \text{ MVA}} = 423,5 \Omega \end{aligned}$$

Transformator:

$$\begin{aligned} X_T &= u_k \cdot \frac{U_B^2}{S_N} \\ &= 0,12 \cdot \frac{(110 \text{ kV})^2}{40 \text{ MVA}} = 36,3 \Omega \end{aligned}$$

Leitung:

$$X_L = X'_L \cdot l = 0,39 \frac{\Omega}{\text{km}} \cdot 30 \text{ km} = 11,7 \Omega$$

$$\Rightarrow \text{Gesamtimpedanz: } X = 471,5 \Omega$$

c) 10% Übererregung am Generator: $U_P = U_1 = 1,1 \cdot U_N$

$$\begin{aligned} P_{\max} &= \frac{U_1 U_2}{X} = \frac{1,1 \cdot U_N^2}{X} \\ &= \frac{1,1 \cdot (110 \text{ kV})^2}{471,5 \Omega} = 28,229 \text{ MW} \end{aligned}$$

Die Leistung ist maximal für $\vartheta = 90^\circ$, da $P = P_{\max} \cdot \sin \vartheta$.

d)

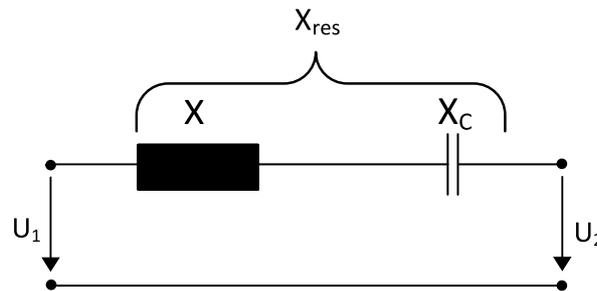
$$P_1 = \frac{1}{2} \cdot P_{\max} = \frac{28,229 \text{ MW}}{2} = 14,115 \text{ MW}$$

$$P_{\max} \cdot \sin \vartheta = P_{\max} \cdot \frac{1}{2}$$

$$\sin \vartheta = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \vartheta = 30^\circ$$

e) kapazitive Kompensation:



Es soll gelten: $P_1 = P_{\max,1} = 28,229 \text{ MW}$ bei $\tilde{\vartheta} = 45^\circ$

$$\begin{aligned} \tilde{P}_{\max} \cdot \sin \tilde{\vartheta} &\equiv P_{\max,1} \\ \frac{1,1 \cdot U_N^2}{X_{\text{res}}} \cdot \sin \tilde{\vartheta} &= \frac{1,1 \cdot U_N^2}{X} \\ X_{\text{res}} &= X \cdot \sin \tilde{\vartheta} \\ &= 471,5 \Omega \cdot \sin(45^\circ) = 333,4 \Omega \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} X_{\text{res}} &= X - \frac{1}{\omega C} \\ C &= \frac{1}{\omega (X - X_{\text{res}})} \\ &= \frac{1}{2\pi 50 \text{ Hz} \cdot (471,5 - 333,4) \Omega} = 23,05 \mu\text{F} \end{aligned}$$

Musterlösung EÜN Energieübertragung im Drehstromnetz

Aufgabe 3: Ankopplung eines Windparks an das 110-kV-Netz

a) Ersatzimpedanz: $X_{WEA} = X_G + X_T$

Bezugsspannung: $U_B = 20 \text{ kV}$

$$X_U = \omega L_f \cdot \frac{U_B^2}{U_r^2} = 26,39 \Omega$$

$$X_T = u_k \cdot \frac{U_N^2}{S_N} = 0,07 \cdot \frac{(20 \text{ kV})^2}{3,5 \text{ MVA}} = 8 \Omega$$

$$\Rightarrow X_{WEA} = 34,39 \Omega$$

b) Parallelschaltung von 20 Windenergieanlagen:

Bezugsspannung: $U_B = 110 \text{ kV}$

$$X_{20WEA,110} = \frac{1}{20} \cdot X_{WEA,20} \cdot \frac{(110 \text{ kV})^2}{(20 \text{ kV})^2} = 52,01 \Omega$$

$$X_{T,110} = u_k \cdot \frac{U_B^2}{S_N} = 0,12 \cdot \frac{(110 \text{ kV})^2}{80 \text{ MVA}} = 18,15 \Omega$$

$$X_{\text{ges}} = X_{20WEA,110} + X_{T,110} = 70,16 \Omega$$

c) 110-kV-Kabel:

$$Z_0 = \sqrt{\frac{L'}{C'}} = \sqrt{\frac{0,46 \frac{\text{mH}}{\text{km}}}{133 \frac{\text{nF}}{\text{km}}}} = 58,81 \Omega$$

$$\begin{aligned} \lambda &= \frac{2\pi}{\beta_0} = \frac{2\pi}{2\pi f \sqrt{L'C'}} = \frac{1}{f \sqrt{L'C'}} \\ &= \frac{1}{50 \text{ Hz} \cdot \sqrt{0,46 \frac{\text{mH}}{\text{km}} \cdot 133 \frac{\text{nF}}{\text{km}}}} = 2556,97 \text{ km} \end{aligned}$$

d) Übertragungsstrecke: Serienschaltung aus konzentrierten Elementen (Umrichter und Transformatoren) und einer elektrisch langen Leitung.

\Rightarrow Bildung von Ersatzimpedanzen sinnvoll:

$$X_{\text{Kabel}} = Z_0 \cdot \sin\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right) = 7,21 \Omega$$

$$X_{U,T} = X_{\text{ges}} \cdot \cos\left(2\pi \frac{l}{\lambda}\right) = 69,63 \Omega$$

Für die eingespeiste Wirkleistung gilt:

$$P_1 = \frac{U_U \cdot U_2}{X_{\text{Kabel}} + X_{U,T}} \cdot \sin(\vartheta)$$

Gleichung nach ϑ umstellen, Bezugsspannung ist $U_B = 110 \text{ kV}$:

$$\begin{aligned} \vartheta &= \arcsin \left(P_1 \cdot \frac{X_{\text{Kabel}} + X_{U,T}}{U_U \cdot U_2} \right) \\ &= \arcsin \left(60 \text{ MW} \cdot \frac{7,21 \Omega + 69,63 \Omega}{110 \text{ kV} \cdot 110 \text{ kV}} \right) = 22,40^\circ \end{aligned}$$

Für die eingespeiste Blindleistung des Umrichters gilt:

$$\begin{aligned} Q_1 &= \frac{U_U^2 \cdot \cos(2\pi \frac{l}{\lambda}) - U_U U_2 \cdot \cos(\vartheta)}{X_{\text{Kabel}} + X_{U,T}} \\ &= \frac{(110 \text{ kV})^2 \cdot \cos(2\pi \frac{50 \text{ km}}{2557 \text{ km}}) - 110 \text{ kV} \cdot 110 \text{ kV} \cdot \cos(22,40^\circ)}{7,21 \Omega + 69,63 \Omega} = 10,69 \text{ MVar} \end{aligned}$$

Für die in das Netz eingespeiste Blindleistung gilt:

$$\begin{aligned} Q_2 &= \frac{U_U U_2 \cdot \cos(\vartheta) + U_2^2 \cdot \frac{X_{\text{ges}}}{X_{\text{Kabel}}}}{X_{\text{Kabel}} + X_{U,T}} - \frac{U_2^2 \cdot \cos(2\pi \frac{l}{\lambda})}{X_{\text{Kabel}}} \\ &= \frac{110 \text{ kV} \cdot 110 \text{ kV} \cdot \cos(22,40^\circ) + 110 \text{ kV}^2 \cdot \frac{70,16 \Omega}{7,21 \Omega}}{7,21 \Omega + 69,63 \Omega} - \frac{110 \text{ kV}^2 \cdot \cos(2\pi \frac{50 \text{ km}}{2557 \text{ km}})}{7,21 \Omega} \\ &= 12,37 \text{ MVar} \end{aligned}$$

Für den Umrichter gilt: EZS, $P > 0$ und $Q > 0$. Er ist also eine induktive Quelle und speist induktive Blindleistung in die Strecke ein.

Für die Leitung gilt: EZS, $P > 0$ und $Q > 0$. Sie ist also eine induktive Quelle und speist induktive Blindleistung ins Netz ein.

- e) Durch die Veränderung der Kabellänge müssen für die Berechnung von Q_1 und Q_2 zuerst die Impedanzen X_{Kabel} und $X_{U,T}$ neu bestimmt werden, sowie der neue Übertragungswinkel ϑ :

$$\begin{aligned} X_{\text{Kabel}} &= Z_0 \cdot \sin(2\pi \frac{l}{\lambda}) = 39,53 \Omega \\ X_{U,T} &= X_{\text{ges}} \cdot \cos(2\pi \frac{l}{\lambda}) = 51,94 \Omega \end{aligned}$$

Für ϑ gilt dann:

$$\begin{aligned} \vartheta &= \arcsin \left(P_1 \cdot \frac{X_{\text{Kabel}} + X_{U,T}}{U_U \cdot U_2} \right) \\ &= \arcsin \left(60 \text{ MW} \cdot \frac{39,53 \Omega + 51,94 \Omega}{110 \text{ kV} \cdot 110 \text{ kV}} \right) = 26,97^\circ \end{aligned}$$

Nun kann Q_1 berechnet werden:

$$\begin{aligned} Q_1 &= \frac{U_U^2 \cdot \cos(2\pi \frac{l}{\lambda}) - U_U U_2 \cdot \cos(\vartheta)}{X_{\text{Kabel}} + X_{U,T}} \\ &= \frac{(110 \text{ kV})^2 \cdot \cos(2\pi \frac{300 \text{ km}}{2557 \text{ km}}) - 110 \text{ kV} \cdot 110 \text{ kV} \cdot \cos(26,97^\circ)}{39,53 \Omega + 51,94 \Omega} = -19,95 \text{ MVar} \end{aligned}$$

Für die in das Netz eingespeiste Blindleistung Q_2 gilt nun:

$$\begin{aligned}
 Q_2 &= \frac{U_U U_2 \cdot \cos(\vartheta) + U_2^2 \cdot \frac{X_{\text{ges}}}{X_{\text{Kabel}}}}{X_{\text{Kabel}} + X_{U,T}} - \frac{U_2^2 \cdot \cos(2\pi \frac{l}{\lambda})}{X_{\text{Kabel}}} \\
 &= \frac{110 \text{ kV} \cdot 110 \text{ kV} \cdot \cos(26,97^\circ) + 110 \text{ kV}^2 \cdot \frac{70,16 \Omega}{39,53 \Omega}}{39,53 \Omega + 51,94 \Omega} - \frac{110 \text{ kV}^2 \cdot \cos(2\pi \frac{300 \text{ km}}{2557 \text{ km}})}{39,53 \Omega} \\
 &= 126,01 \text{ MVar}
 \end{aligned}$$

Einordnung der Blindleistung: Betrachtet man das Netz als Verbraucher für die Leistung die das Übertragungssystem bereitstellt, so ergibt sich $P > 0$ und $Q > 0$ und damit eine induktive Last. Das Netz bezieht also von der Leitung induktive Blindleistung, was im Umkehrschluss bedeutet, dass es kapazitive Blindleistung in die Leitung einspeist. Das Kabel bezieht damit vom Netz wie zu erwarten kapazitive Blindleistung.

Einordnung des Betriebszustands: Das Netz muss für das lange Kabel einen erheblichen Blindleistungsaufwand bringen, welcher wiederum hohe Verluste mit sich bringt. Daher wäre dies kein wünschenswerter Betriebszustand. Eine Anbindung von Offshore-Windparks mit Drehspannungskabel ist daher für weite Übertragungsstrecken ausgeschlossen.

- f) Der einzige Parameter, der in dem betrachteten Übertragungssystem tatsächlich gezielt verändert werden kann, ist die Ausgangsspannung des Umrichters. Diese kann in den Grenzen, für die das Betriebsmittel ausgelegt wurde, erhöht bzw. abgesenkt werden. Es gelten die selben Gleichungen wie in d. und e.:

$$\vartheta = \arcsin\left(P_1 \cdot \frac{X_{\text{Kabel}} + X_{U,T}}{U_U \cdot U_2}\right) \quad (1)$$

$$Q_2 = \frac{U_U U_2 \cdot \cos(\vartheta) + U_2^2 \cdot \frac{X_{\text{ges}}}{X_{\text{Kabel}}}}{X_{\text{Kabel}} + X_{U,T}} - \frac{U_2^2 \cdot \cos(2\pi \frac{l}{\lambda})}{X_{\text{Kabel}}} \quad (2)$$

Mit der Bedingung $Q_2 = 0 \text{ Var}$ und dem Ersetzen von ϑ durch Gleichung 1 kann Gleichung 2 theoretisch nach U_U umgestellt werden. Analytisch ist diese Auflösung jedoch nicht möglich. Die resultierende Gleichung lautet:

$$Q_2 = \frac{U_U U_2 \cdot \cos\left(\arcsin\left(P_1 \cdot \frac{X_{\text{Kabel}} + X_{U,T}}{U_U \cdot U_2}\right)\right) + U_2^2 \cdot \frac{X_{\text{ges}}}{X_{\text{Kabel}}}}{X_{\text{Kabel}} + X_{U,T}} - \frac{U_2^2 \cdot \cos(2\pi \frac{l}{\lambda})}{X_{\text{Kabel}}} = 0 \text{ Var} \quad (3)$$

Bild 3.3 auf dem Übungsblatt zeigt den Verlauf der drei Größen Q_1, Q_2 und ϑ über der Umrichterspannung U_U . Es kann abgelesen werden, dass Q_2 zu 0 Var wird, wenn $U_U = 765 \text{ V}$. Nachrechnen mit Formel 3 ergibt $Q_2 = 0,149 \text{ MVar}$.

Der Übertragungswinkel ϑ ergibt sich zu $20,1^\circ$, Q_1 ist $-7,67 \text{ MVar}$. Der Umrichter speist jetzt kapazitive Blindleistung ein.

Musterlösung EÜN Energieübertragung im Drehstromnetz

Aufgabe 4: Ausgleichsschwingung des Leitungswinkels bei der Leistungsänderung der Kraftwerksturbine

a) Bezugsspannung: $U_B = 27 \text{ kV}$

$$X_d = 2\pi f \cdot L_d = 2\pi \cdot 60 \text{ Hz} \cdot 1,99 \text{ mH} = 0,7502 \Omega$$

$$X_T = u_k \cdot \frac{U_B^2}{S_{N,T}} = 0,16 \cdot \frac{(27 \text{ kV})^2}{600 \text{ MVA}} = 0,1944 \Omega$$

$$X_L = X'_L \cdot l \cdot \left(\frac{27}{400}\right)^2 = 0,26 \frac{\Omega}{\text{km}} \cdot 5 \text{ km} \cdot \left(\frac{27}{400}\right)^2 = 5,9 \text{ m}\Omega$$

$$X_{27} = X_d + X_T + X_L = 0,9505 \Omega$$

$$\text{vgl. } X_{400} = X_{27} \cdot \left(\frac{400}{27}\right)^2 = 208,6145 \Omega$$

b)

$$P_1 = S_{N,G} \cdot \cos \varphi = 555 \text{ MVA} \cdot 0,9 = 499,5 \text{ MW}$$

$$Q_1 = S_{N,G} \cdot \sin \varphi = 555 \text{ MVA} \cdot \sin(25,84^\circ) = 241,902 \text{ MVar}$$

mit $\cos \varphi = 0,9 \Rightarrow \varphi = 25,84^\circ$

c)

$$P_1 = P_{\max} \cdot \sin \vartheta = \frac{U_P U_2}{X_{27}} \cdot \sin \vartheta = \frac{U_B^2}{X_{27}} \cdot \sin \vartheta$$

$$\vartheta = \arcsin\left(\frac{P_1 \cdot X_{27}}{U_B^2}\right) = \arcsin\left(\frac{499,5 \text{ MW} \cdot 0,9505 \Omega}{(27 \text{ kV})^2}\right)$$

$$= 40,637^\circ$$

d) Endwert des Leitungswinkels:

$$P_{\max} = \frac{U_B^2}{X_{27}} = \frac{(27 \text{ kV})^2}{0,9505} = 766,965 \text{ MW} \quad \vartheta_0 = 40,637^\circ = 0,7092 \text{ rad}$$

$$\Delta P_T = -50 \text{ MW} \quad \text{Vorzeichen beachten: Lastabwurf} \rightarrow \vartheta \text{ verringert sich}$$

$$\vartheta_\infty = \vartheta_0 + \frac{\Delta P_T}{P_{\max} \cdot \cos(\vartheta_0)}$$

$$= 0,7092 - \frac{50 \text{ MW}}{766,965 \text{ MW} \cdot \cos(40,637^\circ)}$$

$$= 0,7092 - 0,0859 = 0,6233 \text{ rad}$$

$$= 40,637^\circ - 4,92^\circ = 35,717^\circ$$

Natürlich kann der neue Leitungswinkel auch über die bekannte Formel zu

$$\vartheta = \arcsin \left((P_1 + \Delta P) \cdot \frac{X_{27}}{U_P \cdot U_2} \right) = 35,88^\circ$$

berechnet werden. Die Gleichung ϑ_∞ dient lediglich zur Vorführung des Linearisierungsprozesses. Wie man sieht, liefert sie trotz der Linearisierung ein Ergebnis, dass sehr gut mit der Realität übereinstimmt.

Zeitkonstante τ :

$$\Omega_0 = 2\pi n_0 = 2\pi \frac{f}{p} = 2\pi \frac{60 \text{ Hz}}{1}$$

$$\begin{aligned} \tau &= \frac{2J \cdot \frac{\Omega_0}{p}}{D} \\ &= \frac{2 \cdot 28000 \text{ kgm}^2 \cdot 2\pi 60 \text{ Hz}}{1 \cdot 88 \text{ MWs}} = 0,2399 \text{ s} \end{aligned}$$

Oszillationsfrequenz des Leitungswinkels:

$$\begin{aligned} \omega_1 &= \sqrt{\frac{P_{\max} \cdot \cos(\vartheta_0)}{J \cdot \frac{\Omega_0}{p}} - \left(\frac{1}{\tau}\right)^2} \\ &= \sqrt{\frac{766,965 \text{ MW} \cdot \cos(40,637^\circ)}{28000 \text{ kgm}^2 \cdot \frac{2\pi 60 \text{ Hz}}{1}} - \left(\frac{1}{0,2399 \text{ s}}\right)^2} \\ &= 6,145 \frac{1}{\text{s}} \end{aligned}$$

$$f_1 = \frac{\omega_1}{2\pi} = 0,978 \text{ Hz}$$

Musterlösung EÜN

Energieübertragung im Drehstromnetz

Aufgabe 5: Stabilität einer Kraftwerkseinspeisung bei einer Kurzunterbrechung

a)

$$\begin{aligned}P_{1,N} &= P_{N,G} = S_{N,G} \cdot \cos \varphi \\ &= 580 \text{ MVA} \cdot 0,88 = 510,4 \text{ MW}\end{aligned}$$

b) Bezugsspannung: $U_B = 400 \text{ kV}$

Annahme: Generatorverluste vernachlässigbar, d.h. $P_1 = P_{N,G} = P_m$

$$\begin{aligned}P_{N,G} &= P_{\max} \cdot \sin \vartheta = \frac{U_P U_2}{X} \cdot \sin \vartheta \\ \sin \vartheta &= \frac{P_{N,G} \cdot X}{U_B^2} \\ \vartheta &= \arcsin \left(\frac{P_{N,G} \cdot X}{U_B^2} \right) \\ &= \arcsin \left(\frac{510,4 \text{ MW} \cdot 219,48 \Omega}{(400 \text{ kV})^2} \right) = 44,438^\circ\end{aligned}$$

c) zeitlicher Verlauf des Polradwinkels:

$$\begin{aligned}\vartheta(t) &= \vartheta_0 + \frac{P_m}{2J \frac{\Omega_0}{p}} \cdot t^2 \\ &= 0,7756 + \frac{510,4 \text{ MW}}{2 \cdot 30000 \text{ kgm}^2 \cdot 100 \pi \text{ Hz}} \cdot t^2 \\ &= 0,7756 + 27,0776 \frac{1}{\text{s}^2} \cdot t^2 \\ &= 44,438^\circ + 1551,432^\circ \frac{1}{\text{s}^2} \cdot t^2\end{aligned}$$

mit

$$\begin{aligned}\Omega_0 &= 2\pi n_0 = \frac{2\pi f}{p} = \frac{2\pi \cdot 50 \text{ Hz}}{1} \\ \vartheta_0 &= 44,438^\circ = 0,7756 \text{ rad}\end{aligned}$$

d)

$$\begin{aligned}\vartheta_{1,\text{krit}} &= \arccos [(\pi - 2\vartheta_0) \cdot \sin(\vartheta_0) - \cos(\vartheta_0)] \\ &= \arccos [(\pi - 2 \cdot 0,7756) \cdot \sin(44,438^\circ) - \cos(44,438^\circ)] \\ &= 1,1598 \text{ rad} \hat{=} 66,454^\circ\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
t_{\text{krit}} &= \sqrt{\frac{2 J \frac{\Omega_0}{p}}{P_m} \cdot (\vartheta_{1,\text{krit}} - \vartheta_0)} \\
&= \sqrt{\frac{1}{1551,432 \frac{1}{\text{s}^2}} \cdot (66,454^\circ - 44,438^\circ)} \\
&= \sqrt{\frac{1}{27,0776 \frac{1}{\text{s}^2}} \cdot (1,1598 - 0,7756)} \\
&= 0,1191 \text{ s} = 119,1 \text{ ms}
\end{aligned}$$

e)

$$\begin{aligned}
\vartheta_{1,\text{krit}} - \vartheta_0 &= t_{\text{krit}}^2 \cdot \frac{P_m}{2 J \frac{\Omega_0}{p}} \\
&= (0,2 \text{ s})^2 \cdot 27,0776 \frac{1}{\text{s}^2} = 1,0831 \text{ rad} \hat{=} 62,06^\circ
\end{aligned}$$

aus Diagramm ablesen: $\vartheta_0 \approx 0,4 \text{ rad} \hat{=} 22,9^\circ$

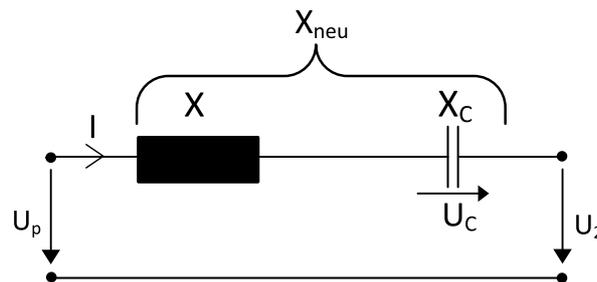
f)

$$P_{N,G} = \frac{U_p \cdot U_2}{X} \cdot \sin(\vartheta)$$

Aufgelöst nach X:

$$\begin{aligned}
X_{\text{neu}} &= \frac{U_B^2}{P_{N,G}} \cdot \sin(\vartheta_0) \\
&= \frac{(400 \text{ kV})^2}{510,4 \text{ MW}} \cdot \sin(22,9^\circ) = 121,98 \Omega
\end{aligned}$$

g) Kompensation mittels Serienkompensation:



$$\begin{aligned}
X_{\text{neu}} &= X - X_C = X - \frac{1}{\omega C} \\
\Leftrightarrow C &= \frac{1}{(X - X_{\text{neu}}) \cdot \omega} \\
&= \frac{1}{(219,48 - 121,98) \Omega \cdot 2\pi 50 \text{ Hz}} = 32,65 \mu\text{F}
\end{aligned}$$

Spannung über C:

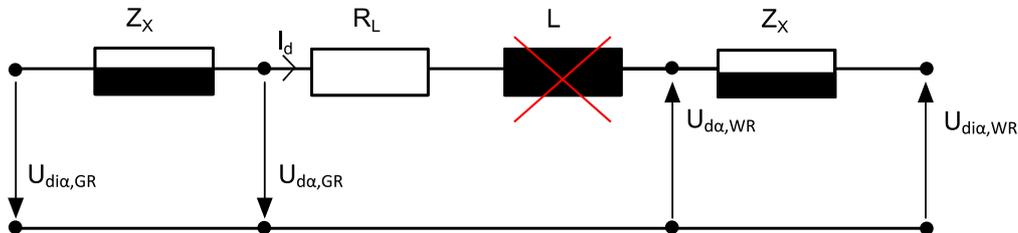
$$\begin{aligned} P &= \sqrt{3} \cdot U_N \cdot I \cdot \cos \varphi \\ \Leftrightarrow I &= \frac{P}{\sqrt{3} \cdot U_N \cdot \cos \varphi} \\ &= \frac{510,4 \text{ MW}}{\sqrt{3} \cdot 400 \text{ kV} \cdot 0,88} = 837,16 \text{ A} \\ \Rightarrow U_C &= X_C \cdot I = \frac{1}{2\pi 50 \text{ Hz} \cdot 32,65 \mu\text{F}} \cdot 837,16 \text{ A} = 81,62 \text{ kV} \end{aligned}$$

Musterlösung EÜN

Hochspannungs-Gleichstrom-Übertragung (HGÜ)

Aufgabe 6: Monopolare HGÜ-Anlage

ESB aufstellen:



- I_d ideal geglättet $\rightarrow L$ kann vernachlässigt werden
- Transformatoren werden als verlustfrei angenommen $\rightarrow R_k \approx 0$

a) Widerstand der Leitung:

$$R_L = R' \cdot l_{\text{ges}} = 0,00995 \frac{\Omega}{\text{km}} \cdot 890 \text{ km} = 8,8555 \Omega$$

Transformatorimpedanz:

$$\begin{aligned} Z_k &= u_k \cdot \frac{U_L^2}{S_{rT}} \\ &= 0,15 \cdot \frac{(220 \text{ kV})^2}{900 \text{ MVA}} = 8,067 \Omega \end{aligned}$$

Bemerkung: Allgemein gilt: $Z_{k,\text{Trafo}} = \sqrt{R_k^2 + X_k^2}$. Da die Transformatoren hier als verlustfrei betrachtet werden gilt: $Z_{k,\text{Trafo}} = X_k$.

$$\begin{aligned} L_k &= \frac{Z_k}{\omega} = \frac{Z_k}{2\pi \cdot f} \\ &= \frac{8,067 \Omega}{2\pi \cdot 50 \text{ Hz}} = 25,68 \text{ mH} \\ Z_x &= \frac{p \cdot \omega \cdot L_k}{2\pi} = \frac{p \cdot Z_k}{2\pi} \\ &= \frac{6}{\pi} \cdot Z_k = 15,41 \Omega \end{aligned}$$

für einen ($p = 12$) -pulsigen Stromrichter

Zündwinkel α_{WR} des Wechselrichters:

$$\begin{aligned} U_{\text{da,WR}} &= -U_{\text{da,GR}} + R_L \cdot I_d \\ &= -500 \text{ kV} + 8,8555 \Omega \cdot 3000 \text{ A} = -473,43 \text{ kV} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
U_{d\alpha,WR} &= U_{d\alpha,WR} + Z_x \cdot I_d \hat{=} 2 \cdot 1,35 \cdot U_L \cdot \cos(\alpha_{WR}) \\
\iff \cos(\alpha_{WR}) &= \frac{U_{d\alpha,WR} + Z_x \cdot I_d}{2 \cdot 1,35 \cdot U_L} \\
&= \frac{-473,43 \text{ kV} + 15,41 \Omega \cdot 3000 \text{ A}}{2 \cdot 1,35 \cdot 220 \text{ kV}} \\
&= -0,7192 \\
\longrightarrow \alpha_{WR} &= 136^\circ
\end{aligned}$$

b) Maximaler Zündwinkel zur Einhaltung der Schonzeit des Thyristors:

$$\begin{aligned}
\alpha_{\max,WR} &= \pi - u - \gamma \\
\iff \alpha_{\max,WR} + u &= \pi - \omega \cdot t_c = \pi - 2 \pi f \cdot 2 t_q \\
&= \pi - 2 \pi 50 \text{ Hz} \cdot 1,8 \text{ ms} = \pi - 0,565 \text{ rad} \\
&= 2,577 \text{ rad} \hat{=} 147,6^\circ
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
I_d &= \frac{\sqrt{2} \cdot U_L}{2 \omega L_k} \cdot [\cos(\alpha) - \cos(\alpha + u)] \\
\iff \cos(\alpha) &= \frac{I_d \cdot 2 \omega L_k}{\sqrt{2} \cdot U_L} + \cos(\alpha + u) \\
&= \frac{3 \text{ kA} \cdot 2 \cdot (2 \pi 50 \text{ Hz}) \cdot 25,68 \text{ mH}}{\sqrt{2} \cdot 220 \text{ kV}} + \cos(147,6^\circ) \\
&= -0,6887 \\
\longrightarrow \alpha_{\max,WR} &= 133,5^\circ
\end{aligned}$$

Somit ist ein sicherer Betrieb bei $\alpha_{WR} = 136^\circ$ mit diesen Thyristoren nicht möglich.

Maximal mögliche Freiwerdezeit t_q :

$$\begin{aligned}
\cos(\alpha + u) &= \cos(\pi - \gamma) = \cos(\alpha) - \frac{I_d \cdot 2 \omega L_k}{\sqrt{2} \cdot U_L} \\
&= \cos(136^\circ) - \frac{3 \text{ kA} \cdot 2 \cdot (2 \pi 50 \text{ Hz}) \cdot 25,68 \text{ mH}}{\sqrt{2} \cdot 220 \text{ kV}} = -0,8749 \\
\longrightarrow (\pi - \gamma) &= 2,636 \text{ rad} \hat{=} 151,03^\circ
\end{aligned}$$

$$\iff \gamma = 180^\circ - 151,03^\circ = 28,97^\circ$$

$$\begin{aligned}
t_q &= \frac{\gamma}{2 \omega} = \frac{28,97^\circ \cdot \frac{2 \pi}{360^\circ}}{2 \cdot (2 \pi 50 \text{ Hz})} \\
&= \frac{28,97^\circ}{2 \cdot 50 \text{ Hz} \cdot 360^\circ} = 804,7 \mu\text{s}
\end{aligned}$$

Um $\alpha_{WR} = 136^\circ$ zu realisieren, werden Thyristoren mit einer Freiwerdezeit von $t_q < 804,7 \mu\text{s}$ benötigt.

c) Zündwinkel des Gleichrichters:

$$\begin{aligned}
 U_{\text{di}\alpha, \text{GR}} &= U_{\text{d}\alpha, \text{GR}} + Z_x \cdot I_d \\
 \text{und } U_{\text{di}\alpha, \text{GR}} &= 2 \cdot 1,35 \cdot U_L \cdot \cos(\alpha_{\text{GR}}) \\
 \Rightarrow \cos(\alpha_{\text{GR}}) &= \frac{U_{\text{d}\alpha, \text{GR}} + Z_x \cdot I_d}{2 \cdot 1,35 \cdot U_L} \\
 &= \frac{500 \text{ kV} + 15,41 \Omega \cdot 3 \text{ kA}}{2 \cdot 1,35 \cdot 220 \text{ kV}} = 0,9196 \\
 \rightarrow \alpha_{\text{GR}} &= 23,14^\circ
 \end{aligned}$$

Bemerkungen:

- Eine Vereinfachung für Fernübertragungen gemäß Glg. 2.107 ist hier nicht richtig, da $Z_x > R_L$ und somit Glg. 2.106 nicht zutreffend ist.
- $U_{\text{di}\alpha}$ für die 12-pulsige DB ergibt sich aus der Betrachtung für 6-pulsige DB gemäß Glg. 2.6 durch Multiplikation mit zwei.

d) Oberschwingungen treten bei 12-pulsigen Stromrichtern bei

$$f_N = n \cdot f_0 = (k \cdot 12 \pm 1) \cdot f_0 \quad \text{mit } k = 1, 2, 3, \dots$$

auf.

Effektivwerte der einzelnen Schwingungen:

$$I_{L_n} = \frac{2 \cdot \sqrt{6}}{\pi} \cdot I_d \cdot \left(\frac{1}{\ddot{u}} \cdot \frac{1}{n} \right) \quad n = 1, 11, 13, 23, 25, \dots$$

Speisung durch das 400 kV-Netz:

$$\ddot{u} = \frac{400 \text{ kV}}{220 \text{ kV}}$$

Grundschwingung:

$$I_{L1} = \frac{2 \cdot \sqrt{6}}{\pi} \cdot 3 \text{ kA} \cdot \frac{220}{400} = 2573 \text{ A}$$

Oberschwingungen:

$$\begin{aligned}
 I_{L11} &= \frac{1}{11} \cdot I_{L1} = 233,91 \text{ A} \\
 I_{L13} &= \frac{1}{13} \cdot I_{L1} = 197,92 \text{ A} \\
 I_{L23} &= \frac{1}{23} \cdot I_{L1} = 111,87 \text{ A} \\
 I_{L25} &= \frac{1}{25} \cdot I_{L1} = 102,92 \text{ A}
 \end{aligned}$$

e) Leistungsbetrachtung für die WR-Seite

Grundschiebungsscheinleistung:

$$\begin{aligned} S_{L1} &= \sqrt{3} \cdot U_L \cdot I_{L1} \\ &= \sqrt{3} \cdot 400 \text{ kV} \cdot 2573 \text{ A} = 1782,63 \text{ MVA} \end{aligned}$$

gesamte Scheinleistung:

$$\begin{aligned} S_L &= \sqrt{3} \cdot U_L \cdot I_{\text{Leff}} \\ &= \sqrt{3} \cdot 400 \text{ kV} \cdot 2573 \text{ A} \cdot 1,01 = 1800,45 \text{ MVA} \end{aligned}$$

mit $I_{\text{Leff}} = \sqrt{I_{L1}^2 + I_{L11}^2 + I_{L13}^2 + \dots}$

$$= I_{L1} \cdot \underbrace{\sqrt{1 + \frac{1}{11^2} + \frac{1}{13^2} + \frac{1}{23^2} + \frac{1}{25^2} + \frac{1}{35^2} + \frac{1}{37^2} + \dots}}_{\sqrt{1,02} \approx 1,01}$$

Wirkleistung:

$$\begin{aligned} P_{1,WR} &= -U_{d\alpha,WR} \cdot I_d \\ &= 473,43 \text{ kV} \cdot 3 \text{ kA} = 1420,29 \text{ MW} \end{aligned}$$

gesamte Blindleistung:

$$\begin{aligned} Q &= \sqrt{S_L^2 - P_{1,WR}^2} \\ &= \sqrt{(1800,45 \text{ MVA})^2 - (1420,29 \text{ MW})^2} = 1106,52 \text{ MVAr} \end{aligned}$$

Grundschiebungsblindleistung:

$$\begin{aligned} Q_1 &= \sqrt{3} \cdot U_L \cdot I_{L1} \cdot \sin \varphi \\ &= \sqrt{3} \cdot 400 \text{ kV} \cdot 2573 \text{ A} \cdot \sin(142,86^\circ) = 1076,29 \text{ MVAr} \end{aligned}$$

mit

$$\begin{aligned} \cos \varphi &= \cos(\alpha_{WR}) - \frac{Z_x \cdot I_d}{U_{di,GR}} = \cos(\alpha_{WR}) - \frac{Z_x \cdot I_d}{2 \cdot 1,35 \cdot U_L} \\ &= \cos(136^\circ) - \frac{15,41 \Omega \cdot 3 \text{ kA}}{2 \cdot 1,35 \cdot 220 \text{ kV}} = -0,7972 \\ &\rightarrow \varphi = 142,86^\circ \end{aligned}$$

Verzerrungsblindleistung:

$$\begin{aligned} D &= \sqrt{Q^2 - Q_1^2} \\ &= \sqrt{1106,52^2 - 1076,29^2} \text{ MVAr} = 256,88 \text{ MVAr} \end{aligned}$$

Die gesamte Scheinleistung teilt sich auf die beiden Transformatoren des Wechselrichters auf. Somit müssen die Stromrichtertransformatoren für $\frac{S_L}{2} = 900,23 \text{ MVA}$ ausgelegt sein.

Musterlösung EÜN Hochspannungs-Gleichstrom-Übertragung (HGÜ)

Aufgabe 7: Energiefernübertragung mit einer HGÜ-Anlage

- a) **Bemerkung:** Die Leiterspannung des Drehstromnetzes liegt am Eingang des 6-pulsigen Stromrichters an. Für den 12-pulsigen Stromrichter werden zwei 6-pulsige SR in Reihe geschaltet, d.h. am Eingang des 12-pulsigen SR liegt die doppelte Leiterspannung $2U_L$ des Drehstromnetzes an.

$$\rightarrow U_{di\alpha 2} = 2 \cdot 1,35 \cdot U_L \cdot \cos(\alpha_2)$$

$$\begin{aligned} P_2 &= P_{2,zu} - R_k \cdot I_d^2 \\ &= -U_{di\alpha 2} \cdot I_d - R_k \cdot I_d^2 \\ &= -(U_{di\alpha 2} - (Z_x + R_k) \cdot I_d) \cdot I_d - R_k \cdot I_d^2 \\ &= Z_x \cdot I_d^2 - 2 \cdot 1,35 \cdot U_L \cdot \cos(\alpha_2) \cdot I_d \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow I_d^2 - \frac{2 \cdot 1,35 \cdot U_L \cdot \cos(\alpha_2)}{Z_x} \cdot I_d - \frac{P_2}{Z_x} = 0$$

$$\begin{aligned} I_{d1/2} &= \frac{2 \cdot 1,35 \cdot U_L \cdot \cos(\alpha_2)}{2 \cdot Z_x} \pm \sqrt{\left(\frac{2 \cdot 1,35 \cdot U_L \cdot \cos(\alpha_2)}{2 \cdot Z_x}\right)^2 + \frac{P_2}{Z_x}} \\ &= \frac{1,35 \cdot 208,6 \text{ kV} \cdot \cos(143^\circ)}{7 \Omega} \pm \sqrt{\left(\frac{1,35 \cdot 208,6 \text{ kV} \cdot \cos(143^\circ)}{7 \Omega}\right)^2 + \frac{1500 \text{ MW}}{7 \Omega}} \\ &= -32129,11 \text{ A} \pm 35306,73 \text{ A} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow I_d = 3177,62 \text{ A}$$

- b)

$$\begin{aligned} U_{d\alpha 2} &= U_{di\alpha 2} - (Z_x + R_k) \cdot I_d \\ &= 2 \cdot 1,35 \cdot U_L \cdot \cos(\alpha_2) - (Z_x + R_k) \cdot I_d \\ &= 2 \cdot 1,35 \cdot 208,6 \text{ kV} \cdot \cos(143^\circ) - (7 \Omega + 0,3 \Omega) \cdot 3177,62 \text{ A} \\ &= -473004,12 \text{ A} \end{aligned}$$

- c)

$$\begin{aligned} U_{d\alpha 1} &= -U_{d\alpha 2} + (R_d + R_L) \cdot I_d \\ &= 473004,12 \text{ V} + (0,05 \Omega + 20 \Omega) \cdot 3177,62 \text{ A} \\ &= 536715,40 \text{ V} \end{aligned}$$

d)

$$\begin{aligned} P_{1,ab} &= U_{d\alpha 1} \cdot I_d \\ &= 536715,40 \text{ V} \cdot 3177,62 \text{ A} \\ &= 1705,48 \text{ MW} \end{aligned}$$

oder alternativ:

$$\begin{aligned} P_{1,ab} &= P_2 + P_L + R_k \cdot I_d^2 \\ &= P_2 + (R_d + R_L + R_k) \cdot I_d^2 \\ &= 1500 \text{ MW} + (0,05 \Omega + 20 \Omega + 0,3 \Omega) \cdot (3177,62 \text{ A})^2 \\ &= 1705,48 \text{ MW} \end{aligned}$$

e)

$$U_{d\alpha 1} = 2 \cdot 1,35 \cdot U_{L1} \cdot \cos(\alpha_1) \qquad U_{d\alpha 1} = U_{d\alpha 1} + (R_k + Z_x) \cdot I_d$$

$$\begin{aligned} \Leftrightarrow U_{L1} &= \frac{U_{d\alpha 1} + (R_k + Z_x) \cdot I_d}{2 \cdot 1,35 \cdot \cos(\alpha_1)} \\ &= \frac{536715,40 \text{ V} + 7,3 \Omega \cdot 3177,62 \text{ A}}{2 \cdot 1,35 \cdot \cos(10^\circ)} \\ &= 210573,92 \text{ V} \end{aligned}$$

f) gesamte Verlustleistung:

$$\begin{aligned} P_V &= (2 \cdot R_k + R_d + R_L) \cdot I_d^2 \\ &= (0,6 \Omega + 0,05 \Omega + 20 \Omega) \cdot (3177,62 \text{ A})^2 \\ &= 208,51 \text{ MW} \end{aligned}$$

Musterlösung EÜN Hochspannungs-Gleichstrom-Übertragung (HGÜ)

Aufgabe 8: Energieversorgung einer Insel über eine HGÜ-Verbindung

a)

$$\begin{aligned} P_2 &= -U_{d\alpha 2} \cdot I_d \\ &= (U_{d\alpha 1} - (2 R_d + R_L) \cdot I_d) \cdot I_d \\ &= U_{d\alpha 1} \cdot I_d - (2 R_d + R_L) \cdot I_d^2 \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow I_d^2 - \frac{U_{d\alpha 1}}{(2 R_d + R_L)} \cdot I_d + \frac{P_2}{(2 R_d + R_L)} = 0$$

$$\begin{aligned} I_{d1/2} &= \frac{U_{d\alpha 1}}{2 \cdot (2 R_d + R_L)} \pm \sqrt{\left(\frac{U_{d\alpha 1}}{2 \cdot (2 R_d + R_L)}\right)^2 - \frac{P_2}{(2 R_d + R_L)}} \\ &= \frac{250 \text{ kV}}{2 \cdot 11,18 \Omega} \pm \sqrt{\left(\frac{250 \text{ kV}}{2 \cdot 11,18 \Omega}\right)^2 - \frac{380 \text{ MW}}{11,18 \Omega}} \\ &= 11180,68 \text{ A} \pm 9540,35 \text{ A} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow I_d = 1640,33 \text{ A}$$

b)

$$\begin{aligned} U_{d\alpha 1} &= 2 \cdot 1,35 \cdot U_{L1} \cdot \cos(\alpha_1) \\ \Leftrightarrow U_{L1} &= \frac{U_{d\alpha 1}}{2 \cdot 1,35 \cdot \cos(\alpha_1)} = \frac{250 \text{ kV}}{2 \cdot 1,35 \cdot \cos(12^\circ)} \\ &= 94661,17 \text{ V} \end{aligned}$$

c)

$$u = \omega \cdot t_k = 2 \pi \cdot 50 \text{ Hz} \cdot 0,94 \text{ ms} = 0,2953 \hat{=} 16,92^\circ$$

Aufrunden: $u = 17^\circ$

$$\begin{aligned} \alpha_{2,\max} &= 180^\circ - u - \gamma \\ &= 180^\circ - 17^\circ - 15^\circ = 148^\circ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \gamma &= \omega t_c = \omega \cdot 2 t_q \\ \Leftrightarrow t_q &= \frac{\gamma}{2 \omega} \\ &= \frac{15^\circ \cdot \frac{2 \pi}{360^\circ}}{2 \cdot (2 \pi \cdot 50 \text{ Hz})} = \frac{15}{2 \cdot 360 \cdot 50 \text{ Hz}} = 416,67 \mu\text{s} \end{aligned}$$

→ Für einen sicheren Betrieb ist $t_q < 416 \mu\text{s}$ zu wählen

d)

$$\begin{aligned} P_2 &= -U_{d\alpha 2} \cdot I_d = -(2 \cdot 1,35 \cdot U_{L2} \cdot \cos(\alpha_2)) \cdot I_d \\ &= -2 \cdot 1,35 \cdot 100 \text{ kV} \cdot \cos(148^\circ) \cdot 1640,33 \text{ A} = 375,59 \text{ MW} < 380 \text{ MW} \end{aligned}$$

Antwort: Bei einer Netzspannung von 100 kV ist die Übertragung von 380 MW auf die Insel nicht mehr möglich.

Mindestwert der Netzspannung auf der Insel:

$$\begin{aligned} U_{L2,\min} &= -\frac{P_2}{2 \cdot 1,35 \cdot \cos(\alpha_2) \cdot I_d} \\ &= -\frac{380 \text{ MW}}{2 \cdot 1,35 \cdot \cos(148^\circ) \cdot 1640,33 \text{ A}} = 101,2 \text{ kV} \end{aligned}$$

Antwort: Ab einer Netzspannung von 101,2 kV kann wieder eine Leistung von 380 MW oder mehr auf die Insel übertragen werden.

e) Gesamtverluste:

$$\begin{aligned} P_V &= (2 \cdot R_d + R_L) \cdot I_d^2 \\ &= 11,18 \Omega \cdot (1640,33 \text{ A})^2 = 30,08 \text{ MW} \end{aligned}$$

Musterlösung EÜN

Hochspannungs-Gleichstrom-Übertragung (HGÜ)

Aufgabe 9: HGÜ-Simulation mit Simulink

Hinweis: Alle Spannungen sind betragsmäßig gezeichnet, um eine übersichtlichere Darstellung zu erreichen. Weiterhin gilt die Konvention, dass die Spannung am Wechselrichter ein umgekehrtes Vorzeichen hat.

a) Leistungsregelung:

i) Fixe Zündwinkel

Es werden 1140 MW aus Netz 1 entnommen. Davon werden 1048 MW in Netz 2 eingespeist, die Differenz sind Verluste. Sowohl Gleich- als auch Wechselrichter weisen einen erheblichen Blindleistungsbedarf von 393 MVar bzw. 607 MVar auf. Die Gleichspannung am Gleichrichter beträgt 519,1 kV, am Wechselrichter liegen noch 491,4 kV an. Die Differenz ist über den ohmschen Widerständen der Leitung angefallen.

Bei erhöhtem Zündwinkel wird erwartungsgemäß weniger Leistung übertragen. Aus Netz 1 werden noch 757 MW entnommen, 708,9 MW werden in Netz 2 eingespeist. Der Blindleistungsbedarf ist leicht gesunken, die DC-Spannungen haben sich etwas angenähert.

Bei einem Zündwinkel von 30° werden hier 310 MW aus Netz 1 entnommen. 294 MW werden in Netz 2 eingespeist. Der Blindleistungsbedarf ist weiter gesunken, die Gleichspannung an Gleich- und Wechselrichter hat sich weiter angeglichen und liegt jetzt bei 490,4 kV bzw. 481,4 kV.

ii) Geregelter Zündwinkel des Gleichrichters

Die geforderte Leistung wird bei einem Zündwinkel des Gleichrichters von $25,91^\circ$ übertragen. Dabei beträgt die DC-Spannung am Wechselrichter ca. 484 kV.

Wird der Sollwert auf 1000 MW erhöht, stellt die Regelung einen Zündwinkel von $13,87^\circ$ ein. Die Spannung auf der Wechselrichter-Seite beträgt ca. 490 kV. Den Sollwert 1500 MW kann

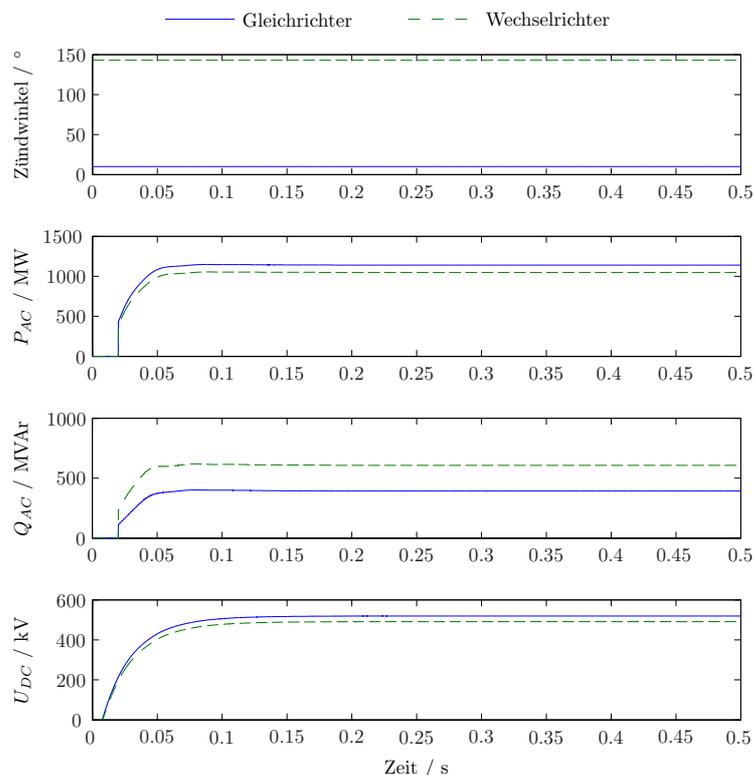


Abb. 9.1: Simulationsergebnisse bei Gleichrichter-Zündwinkel 10°

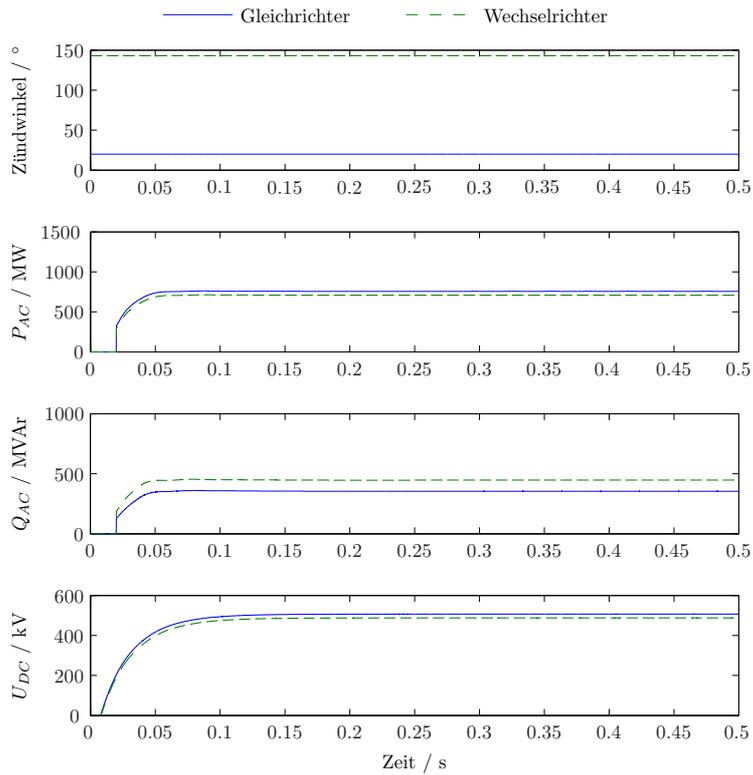


Abb. 9.2: Simulationsergebnisse bei Gleichrichter-Zündwinkel 20°

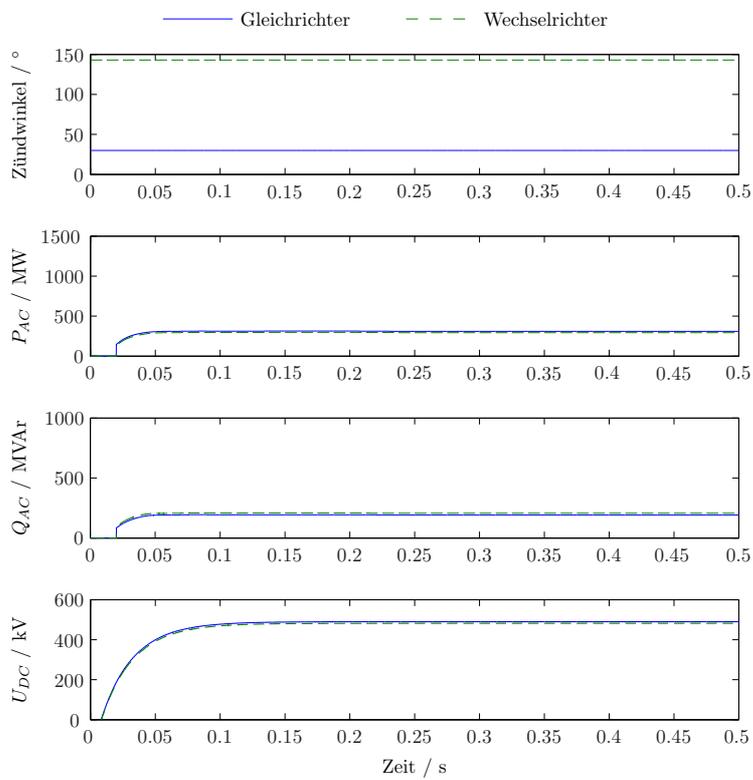


Abb. 9.3: Simulationsergebnisse bei Gleichrichter-Zündwinkel 30°

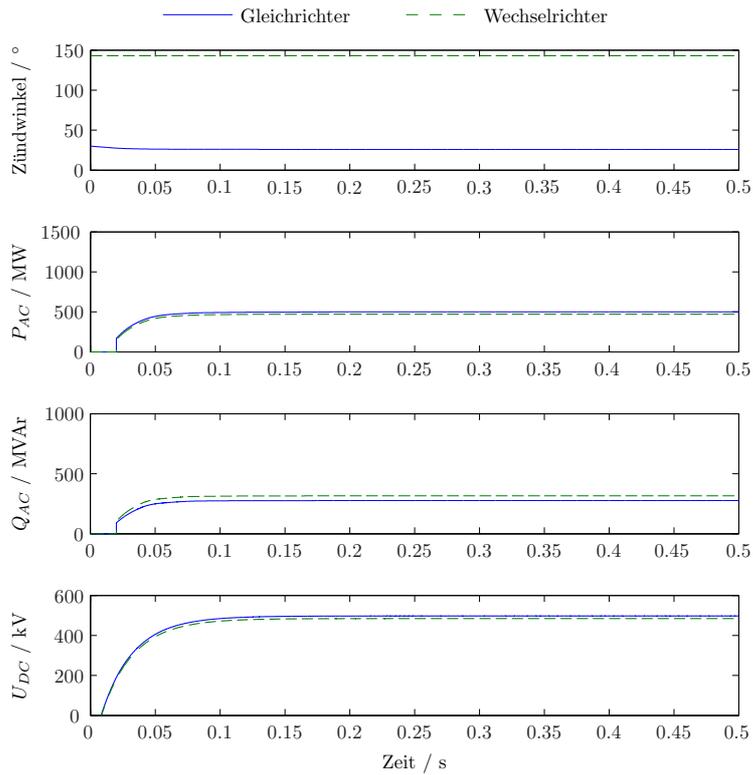


Abb. 9.4: Simulationsergebnisse bei Leistungswert 500 MW

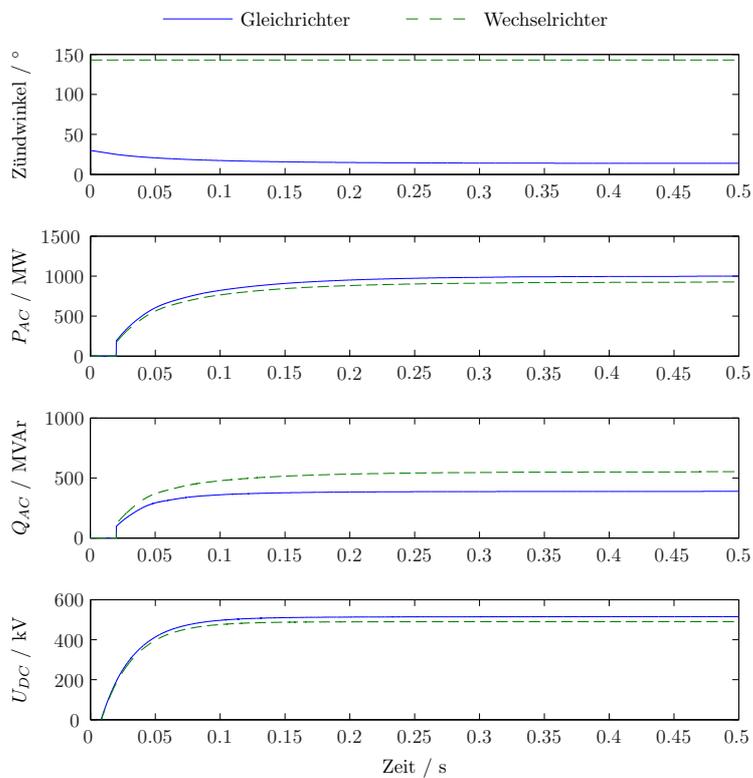


Abb. 9.5: Simulationsergebnisse bei Leistungswert 1000 MW

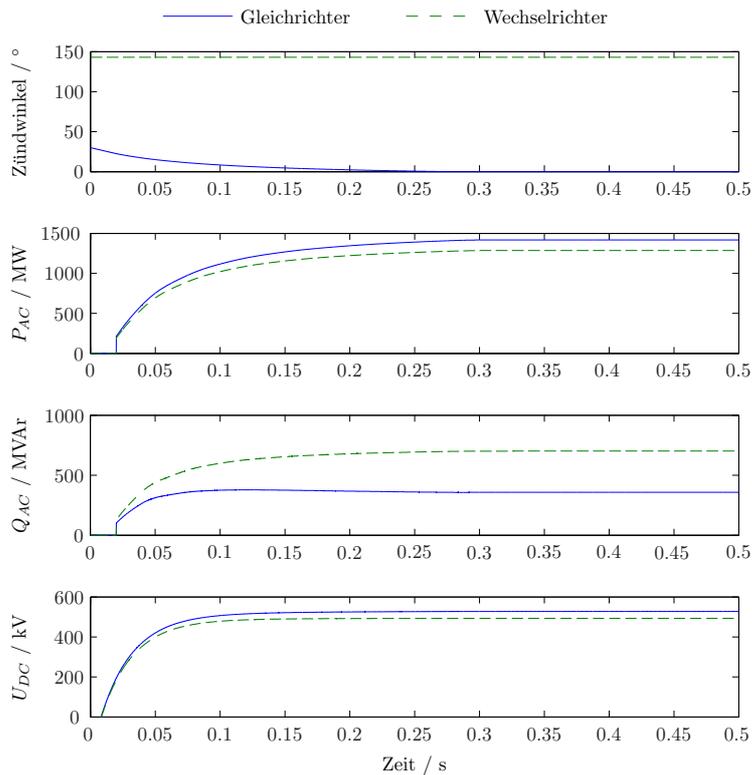


Abb. 9.6: Simulationsergebnisse bei Leistungssollwert 1500 MW

die Regelung aufgrund des zu hohen Zündwinkels des Wechselrichters nicht erreichen. Der Zündwinkel des Gleichrichters wird auf 0° gefahren, um trotzdem die maximale Leistung übertragen zu können. Diese beträgt 1419 MW, die Spannung am Wechselrichter bleibt nahezu unverändert bei 493 kV. Dies zeigt, dass die Spannung am Wechselrichter nahezu ausschließlich von dessen Zündwinkel abhängt.

b) Spannungsregelung:

i) Fixe Zündwinkel

Die Simulationsergebnisse zeigen, dass, wie erwartet, ein größerer Zündwinkel des Wechselrichters zu einer höheren DC-Spannung führt. Gleichzeitig sieht man jedoch auch, dass die Leistungsübertragung direkt beeinflusst wird. Die Annahme dass nur der Zündwinkel des Gleichrichters die übertragene Leistung beeinflusst ist also nicht korrekt. Bei einem Zündwinkel von 120° kann die größte Leistung übertragen werden. Bei einer DC-Spannung von ca. 316 kV am Wechselrichter werden 2407 MW aus dem Drehstromnetz 1 entnommen. Davon werden noch 1787 MW in Netz 2 eingespeist. Dazu wird jedoch eine Blindleistung von 1883 MVar benötigt. Hinzu kommt ein DC-Strom, der rechnerisch bei 5655 A liegt. Diese Fall spiegelt keinen realistischen Betriebspunkt der Anlage wider, was auch die hohen Verluste von 620 MW erklärt.

Bei einem Zündwinkel des Wechselrichters von 135° steigt die Spannung dort auf 436 kV. Die in Netz 2 eingespeiste Leistung sinkt auf 1445 MW, wofür auch nur noch eine Blindleistung von 1047 MVar benötigt werden. Dies wäre damit ein realistischer Betriebspunkt.

Erhöht man den Zündwinkel des Wechselrichters auf 145° , so steigt die DC-Spannung auf 503 kV, die übertragene Leistung sinkt weiter.

ii) Geregelter Zündwinkel des Wechselrichters

Der gewünschte Spannungssollwert wird von der Regelung mit einem Wechselrichter-Zündwinkel von $135,6^\circ$ erreicht. Dabei werden 1418 MW in Netz 2 eingespeist.

Mit einem Zündwinkel des Wechselrichters von $138,4^\circ$ wird eine DC-Spannung von 460 kV erreicht. Dabei werden nur noch 1288 MW in Netz 2 eingespeist.

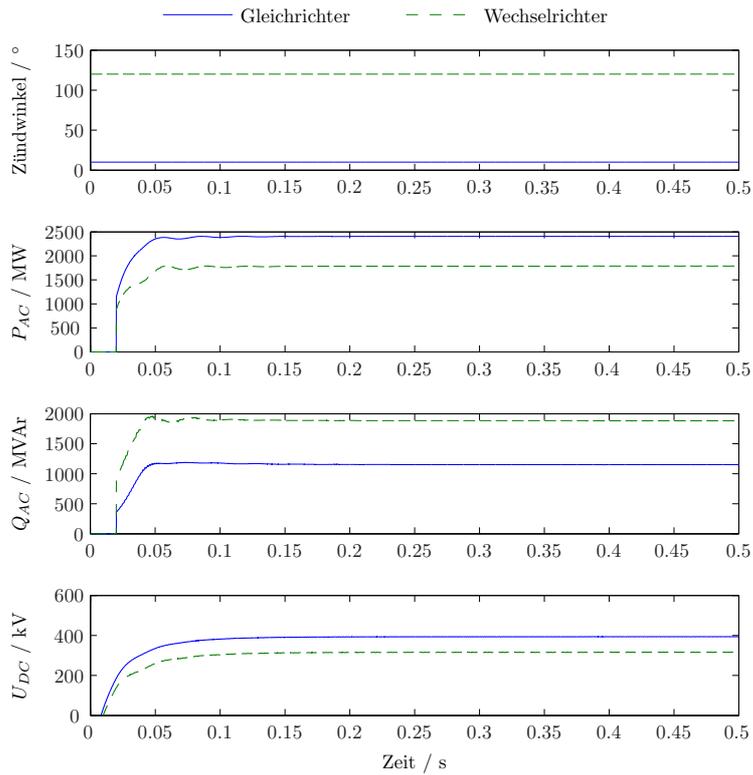


Abb. 9.7: Simulationsergebnisse bei Wechselrichter-Zündwinkel 120°

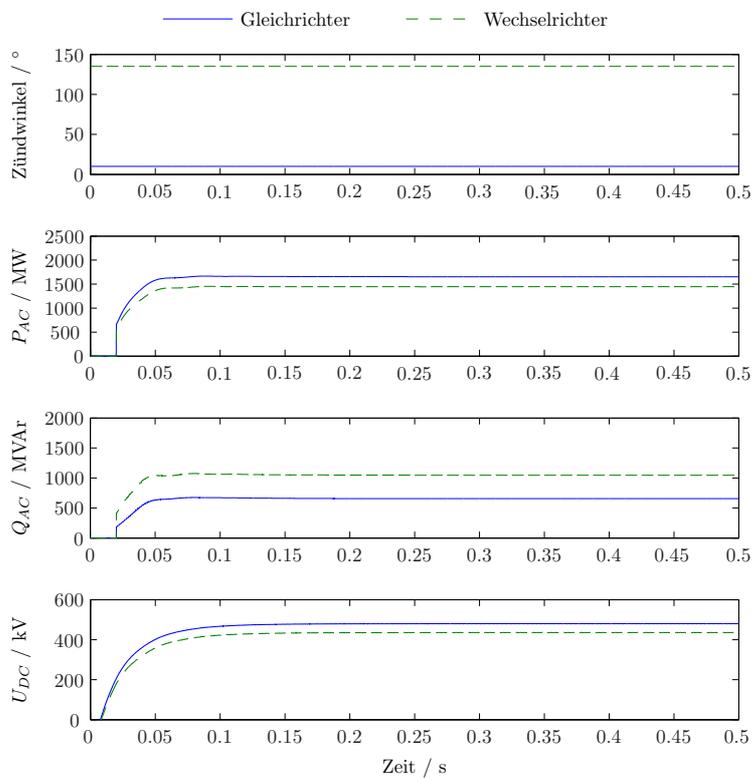


Abb. 9.8: Simulationsergebnisse bei Wechselrichter-Zündwinkel 135°

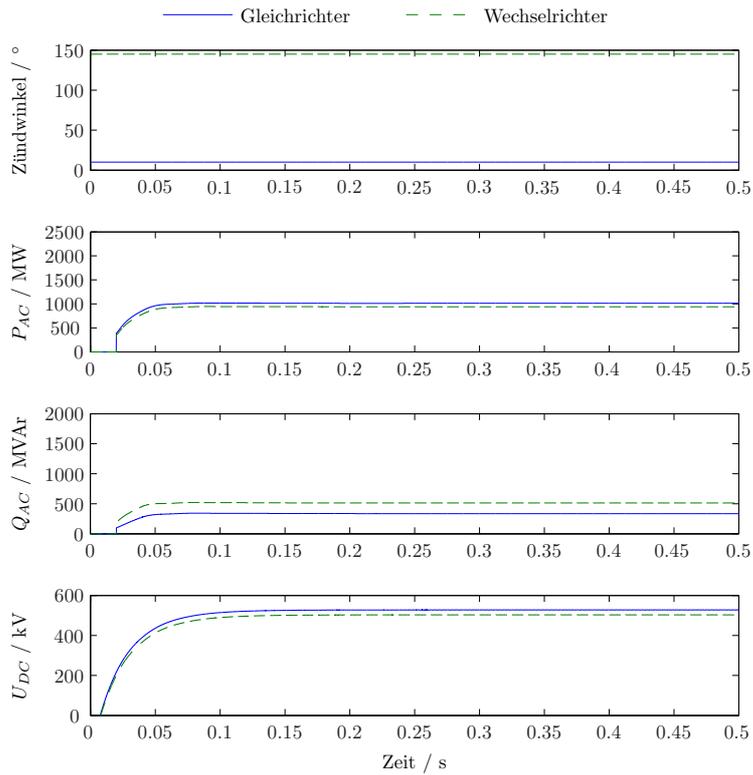


Abb. 9.9: Simulationsergebnisse bei Wechselrichter-Zündwinkel 145°

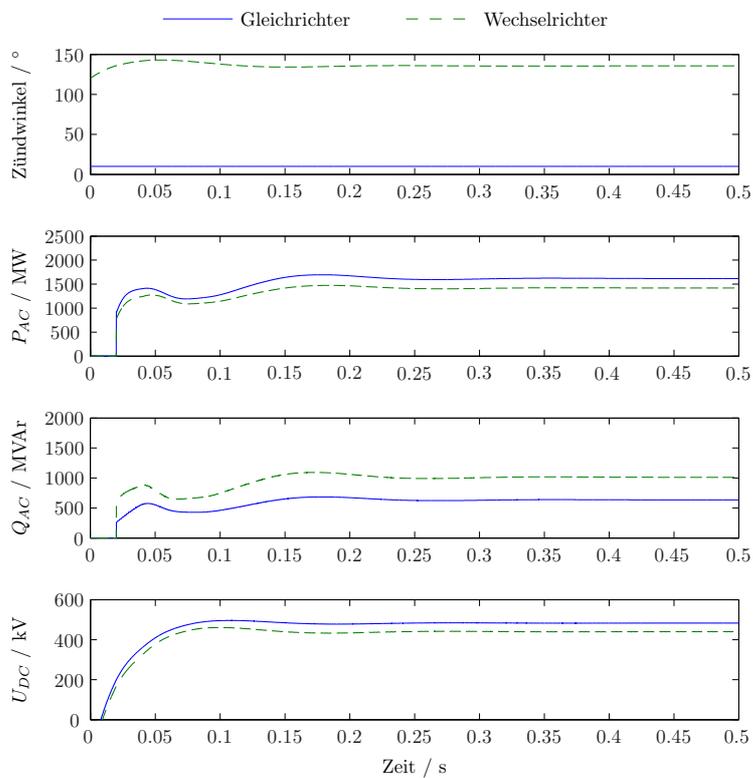


Abb. 9.10: Simulationsergebnisse für Spannungssollwert 440 kV

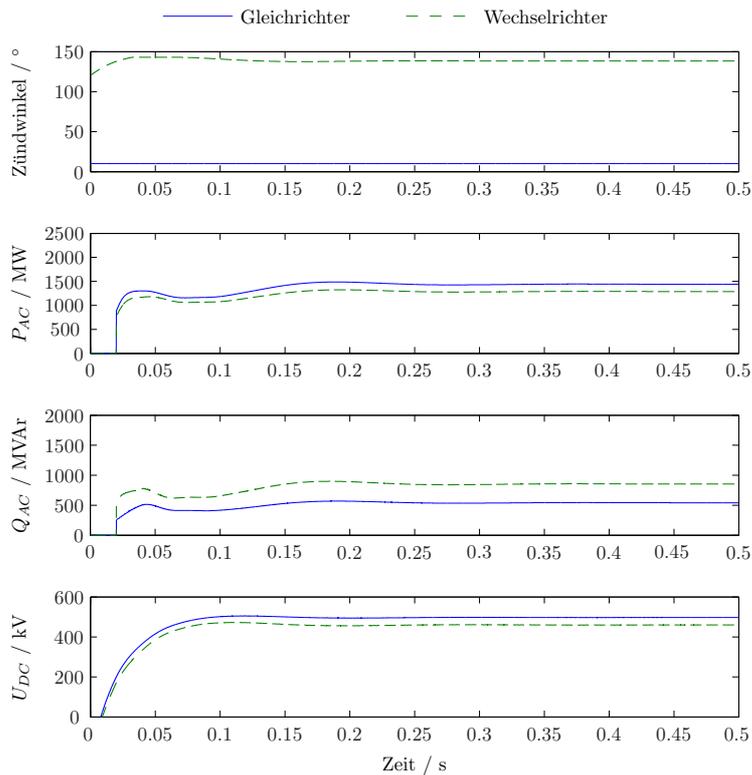


Abb. 9.11: Simulationsergebnisse für Spannungssollwert -460 kV

c) Kombinierte Leistungs- und Spannungsregelung

Die Anlage wird innerhalb der ersten Sekunde in den stabilen Betriebszustand 1000 MW/-470 kV gefahren. Hier erfolgt eine Reduktion der übertragenen Leistung um 200 MW. Die DC-Spannung wird davon nicht beeinflusst. Die Änderung des Spannungssollwerts hat jedoch auch eine kurze Abweichung der übertragenen Leistung von deren Sollwert zur Folge. Diese Abweichung wird jedoch von dem entsprechenden Regler zügig behoben.

d) Blindleistungskompensation und Reduktion der Oberschwingungen

i) Ausgangssituation im Betriebspunkt

Im Betriebspunkt 1000 MW/-470 kV nimmt der Gleichrichter 467 MVar induktive Blindleistung auf, der Wechselrichter 621 MVar. Der THD_{U1} in Netz 1 beträgt 15,5% für den Strom gilt $THD_{I1} = 9,1\%$.

ii) Berechnung der Kapazität

Es gilt:

$$Q_C = 3 \cdot \frac{U_Y^2}{X_C} = 3 \cdot U_Y^2 \cdot \omega C = U_N^2 \cdot \omega C \quad (4)$$

Dies führt zu $C_Y = \frac{Q_C}{U_N^2 \cdot \omega}$. Für die Gleichrichterseite führt dies zu $C_1 = 9,29 \mu F$, auf der Wechselrichterseite zu $C_2 = 12,35 \mu F$.

iii) Bestimmung der Filterfrequenzen

Da es sich bei der Anlage um eine 12-Puls-Brücke handelt, treten die 5. und die 7. Harmonische nahezu nicht auf, vgl. Spektrum der FFT. Die nächsten Oberschwingungen treten damit erst bei der 11. und 13. Harmonischen auf. Daher sollten die beiden Grenzfrequenzen des Double-Tuned-Filters auf $11 \cdot 50 \text{ Hz} = 550 \text{ Hz}$ und $13 \cdot 50 \text{ Hz} = 650 \text{ Hz}$ gelegt werden.

iv) Simulation mit Filtern und Blindleistungskompensation

Aus Abbildung iv) kann man ablesen, dass die Blindleistung, die die Anlage im gleichen Betriebspunkt noch aufnimmt, auf 121 MVar auf der Gleichrichter-Seite und etwa ebenso viel auf der Wechselrichter-Seite gesunken ist.

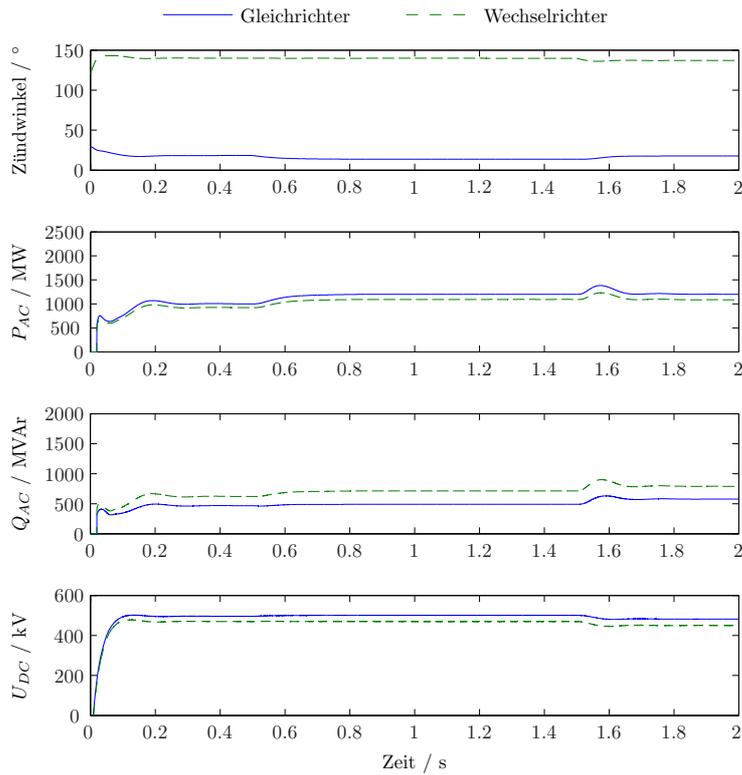


Abb. 9.12: Simulationsergebnisse für die kombinierte Regelung von Leistung und Spannung

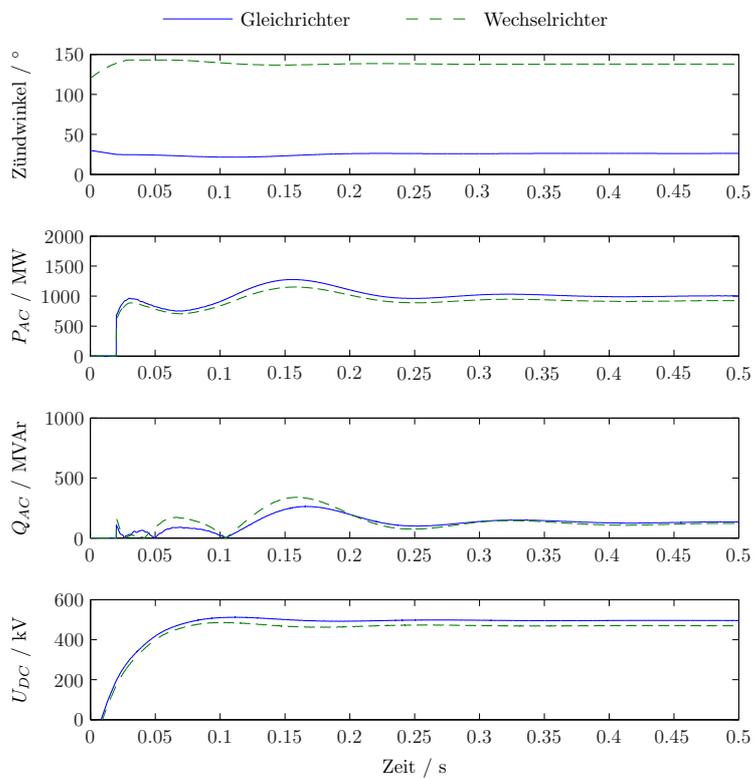


Abb. 9.13: Simulationsergebnisse mit implementierten Filtern

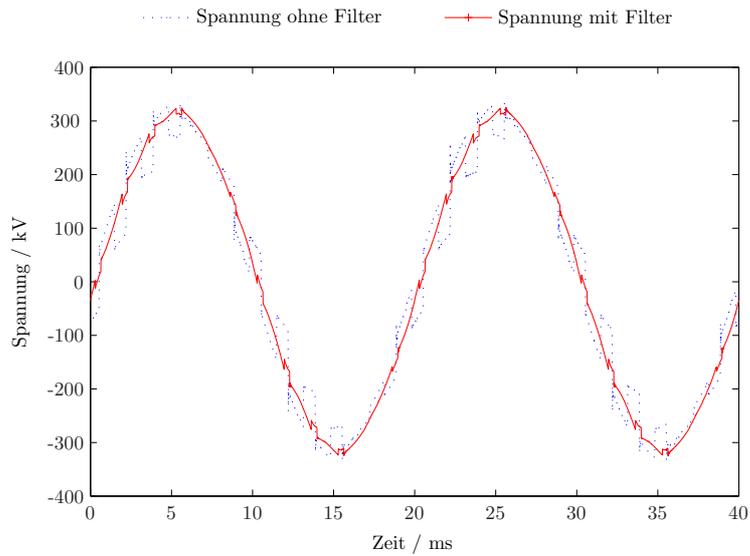


Abb. 9.14: Spannungsverlauf in Netz 1, mit und ohne AC-Filter

Wie Abb. iv) zeigt, wird der Spannungsverlauf durch die Filter deutlich geglättet. Dies zeigt sich auch bei den Verzerrungen der Ströme und Spannungen, siehe Tabelle 1.

	ohne Filter	mit Filter
THD_{U1}	15,5 %	3,0 %
THD_{I1}	9,1 %	4,1 %

Tabelle 1: Verzerrungen von Strom und Spannung mit und ohne AC-Filter

Musterlösung EÜN Selbstgeführte Umrichter

Aufgabe 10: Selbstgeführte Umrichter)

a)

$$\begin{aligned}\underline{U} &= \frac{1}{3} (\underline{u}_1 + \underline{a} \underline{u}_2 + \underline{a}^2 \underline{u}_3) \\ &= \frac{1}{3} \left(\hat{U}_{ac,Y} \cdot e^{j\gamma} + \hat{U}_{ac,Y} \cdot e^{j\gamma - \frac{2\pi}{3}} \cdot e^{j\frac{2\pi}{3}} + \hat{U}_{ac,Y} \cdot e^{j\gamma - \frac{4\pi}{3}} \cdot e^{j\frac{4\pi}{3}} \right) \\ &= \hat{U}_{ac,Y} \cdot e^{j\gamma}\end{aligned}$$

$$\gamma = \frac{4\text{ms}}{20\text{ms}} \cdot 2\pi = 1,2566$$

$$T_0 = \frac{1}{f} = \frac{1}{4\text{kHz}} = 250\mu\text{s}$$

Da $\frac{2\pi}{6} < \gamma < \frac{4\pi}{6}$ gilt, wird der Raumvektor aus den Schaltzuständen 2, 3 und 7+8 erzeugt:

$$T_2 = \frac{|\underline{U}| \cdot T_0}{U_{dc}} \cdot \sqrt{3} \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{6} - \left(\gamma - \frac{2\pi}{6}\right)\right) = 0,4827 \cdot 250\mu\text{s} = 120,3\mu\text{s}$$

$$T_3 = \frac{|\underline{U}| \cdot T_0}{U_{dc}} \cdot \sqrt{3} \cdot \sin\left(\gamma - \frac{2\pi}{6}\right) = 0,1350 \cdot 250\mu\text{s} = 34,3\mu\text{s}$$

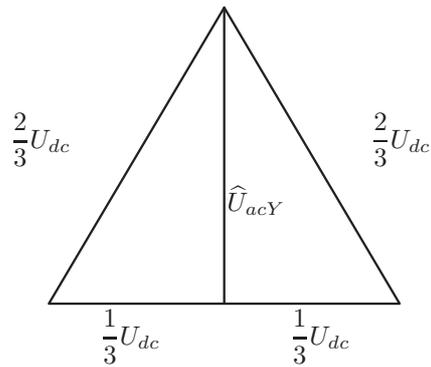
$$T_{7,8} = T_0 - T_2 - T_3 = 95,4\mu\text{s}$$

Die Schaltreihenfolge ergibt sich dann zu: $2 \rightarrow 3 \rightarrow 8 \rightarrow 3 \rightarrow 2 \rightarrow 7$.

Die Schaltzustände wiederholen sich fortlaufend bis ein neuer Spannungsvektorwert berechnet wurde. Bei der Reihenfolge zu beachten ist, dass lediglich eine Schalterstellung je Schaltzustandsänderung angepasst werden soll, damit die Schaltverluste minimiert werden.

b)

$$\hat{U}_{ac,Y,max} = \sqrt{\left(\frac{2}{3}U_{dc}\right)^2 - \left(\frac{1}{3}U_{dc}\right)^2} = \frac{U_{dc}}{\sqrt{3}}$$



$$\hat{U}_{ac,Y} = \frac{20\text{kV}}{\sqrt{3}} \cdot \sqrt{2} = \frac{U_{dc,min}}{\sqrt{3}}$$

$$U_{dc,min} = 28,3\text{kV} < 40\text{kV}$$

Ja, der Umrichter kann grundsätzlich an ein 20kV - Netz angeschlossen werden.

- c) Jeder Arm muss die volle DC Ausgangsspannung (von Klemme zu Klemme) mit seinen m Submodulen bereitstellen können.

$$m = 200$$

$$U_{DC} = +300\text{kV} - (-300\text{kV}) = 600\text{kV}$$

$$U_{SM} = \frac{U_{DC}}{m} = \frac{600\text{kV}}{200} = 3\text{kV}$$

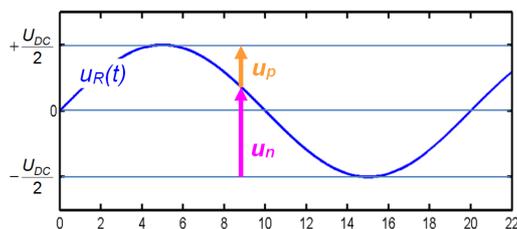
- d)

$$u_p = \frac{U_{dc}}{2} - u_R = \frac{U_{dc}}{2} - (-100\text{kV}) = 400\text{kV}$$

$$N_p = \left(\frac{2 \cdot u_R}{U_{dc}} - 1 \right) \cdot \frac{-m}{2}$$

$$= \left(\frac{2 \cdot -100\text{kV}}{600\text{kV}} - 1 \right) \cdot \frac{-200}{2} = 134$$

$$N_n = m - N_p = 66$$



- e)

$$C_E = \frac{2 \cdot m}{3\omega \cdot \epsilon \cdot A} \cdot \frac{S}{U_{DC}^2} = \frac{2 \cdot 200 \cdot 500\text{MVA}}{2 \cdot 2 \cdot \pi \cdot 50\text{Hz} \cdot 0,03 \cdot 0,95 \cdot (600\text{kV})^2} = 20,683\text{mF}$$

Musterlösung EÜN FACTS

Aufgabe 11: FC-TCR (Thyristor Controlled Reactor)

- a) Der FC-TCR gehört zu den parallelen FACTS. Somit liegt hier entweder Leiter-Leiter- oder Leiter-Erde-Spannung an. In der Aufgabenstellung wird explizit von einer Sternschaltung gesprochen, weswegen über diesem FC-TCR die Leiter-Erde-Spannung anliegt.

$$U_0 = \frac{U_N}{\sqrt{3}} = \frac{20 \text{ kV}}{\sqrt{3}} = 11,547 \text{ kV}$$

- b)
- beide Ventile (T1 und T2) sperren $\rightarrow L$ ist unwirksam
 - der 3-phasige FC-TCR kompensiert $Q \rightarrow Q_{\text{FC-TCR}} = Q = -0,377 \text{ MVar}$
 - Die Spannung U_0 wird als rein real angenommen, hat also keinen Imaginärteil. Daher ist der Strom I_C rein imaginär und Q ergibt sich aus der Multiplikation der beiden Größen.

$$Q_{\text{FC-TCR}} = 3 \cdot U_0 \cdot I_C = 3 \cdot \frac{U_0^2}{-X_C} = -3 \cdot U_0^2 \cdot \omega C$$

Nach C aufgelöst:

$$\begin{aligned} C &= \frac{-Q}{3 \cdot U_0^2 \cdot \omega} = \frac{-Q}{(\sqrt{3} \cdot U_0)^2 \cdot \omega} \\ &= \frac{-0,377 \text{ MVar}}{(20 \text{ kV})^2 \cdot 2 \pi \cdot 50 \text{ Hz}} = 3 \mu\text{F} \end{aligned}$$

- c) Die Filterimpedanz Z_F setzt sich aus der Serienschaltung von Spule und Kondensator zusammen:

$$\underline{Z}_F = \frac{1}{j\omega C_1} + j\omega L_1$$

- Minimum bei der 5. Harmonischen:

$$\begin{aligned} -\frac{1}{5\omega_0 \cdot C_1} + 5\omega_0 \cdot L_1 &= 0 \\ \Leftrightarrow L_1 \cdot C_1 &= \frac{1}{(5\omega_0)^2} \end{aligned}$$

- Vorgebener Wert bei Netzfrequenz ω_0 :

$$\begin{aligned} X_C(\omega_0) &= -\frac{1}{\omega_0 \cdot C} \\ -\frac{1}{\omega_0 C_1} + \omega_0 L_1 &= -\frac{1}{\omega_0 \cdot C} \end{aligned}$$

- Minimum bei der 5. Harmonischen einsetzen: $\frac{1}{\omega_0 C_1} = 25\omega_0 L_1$

$$-25\omega_0 \cdot L_1 + \omega_0 \cdot L_1 = -\frac{1}{\omega_0 \cdot C}$$

$$L_1 = \frac{1}{24\omega_0^2 \cdot C}$$

$$L_1 = \frac{1}{24 \cdot (2\pi \cdot 50 \text{ Hz})^2 \cdot 3 \mu\text{F}} = 140,72 \text{ mH}$$

- Rückeinsetzen in Minimum bei der 5. Harmonischen:

$$\rightarrow C_1 = \frac{1}{25 \cdot (2\pi \cdot 50 \text{ Hz})^2 \cdot 140,72 \text{ mH}} = 2,88 \mu\text{F}$$

- d) $\alpha = 0^\circ \Rightarrow$ Thyristoren leiten durchgehend
 \Rightarrow Parallelschaltung $L||C$ ist wirksam

$$\begin{aligned} \underline{Z}(\alpha = 0) &= \frac{j\omega L \cdot \frac{1}{j\omega C}}{j(\omega L - \frac{1}{\omega C})} \\ &= j \frac{\omega L}{1 - \omega^2 \cdot L C} = j \cdot X \end{aligned}$$

Da sich der FC-TCR insgesamt wie eine Spule verhalten soll gilt für $Q_{\text{FC-TCR}}$ ein positives Vorzeichen:

$$\begin{aligned} Q_{\text{FC-TCR}} = Q &= 3 \cdot U_0 \cdot I \\ &= 3 \cdot \frac{U_0^2}{X} \\ &= \underbrace{(\sqrt{3} \cdot U_0)^2}_{U_{\text{N}}^2} \cdot \frac{1 - \omega^2 \cdot L C}{\omega L} \end{aligned}$$

nach L aufgelöst:

$$\begin{aligned} L &= \frac{U_{\text{N}}^2}{\omega Q + U_{\text{N}}^2 \cdot \omega^2 C} \\ &= \frac{(20 \text{ kV})^2}{(2\pi \cdot 50 \text{ Hz}) \cdot 0,377 \text{ MVar} + (20 \text{ kV})^2 \cdot (2\pi \cdot 50 \text{ Hz})^2 \cdot 3 \mu\text{F}} \\ &= 1,689 \text{ H} \end{aligned}$$

Ein alternativer Lösungsweg findet sich in der Lösung zum Beiblatt 3.

Bemerkung: Es muss hier mit der effektiven Kapazität C und nicht mit dem reinen Bauteilwert C_1 aus c) gerechnet werden, da der Thyristor-kontrollierten Spule die Serienschaltung aus C_1 und L_1 und somit das Ersatzbauteil C parallel geschaltet ist.

- e) Der Strom durch die Thyristoren und die Spule ist maximal wenn Steuerwinkel $\alpha = 0$. Für den in diesem Fall auftretenden Stromeffektivwert müssen die Halbleiter mindestens ausgelegt sein:

$$I_{\text{L}} = \frac{U_0}{\omega L} = \frac{11,547 \text{ kV}}{2\pi \cdot 50 \text{ Hz} \cdot 1,689 \text{ H}} = 21,76 \text{ A}$$

Die Thyristoren müssen für eine Spitzenspannung von $\sqrt{2} \cdot U_0$ ausgelegt sein.
 Die Anzahl an seriellen Thyristoren ergibt sich somit zu:

$$\begin{aligned} N &\geq \frac{\sqrt{2} \cdot U_0}{8 \text{ kV}} \\ &\geq \frac{\sqrt{2} \cdot 11,547 \text{ kV}}{8 \text{ kV}} = 2,041 \\ &\Rightarrow N = 3 \end{aligned}$$

Musterlösung EÜN FACTS

Aufgabe 12: Erhöhung der Stabilität einer Leitung mit einem TCSC

a) Impedanz der Leitung:

$$R_L = R' \cdot l = 0,25 \frac{\Omega}{\text{km}} \cdot 100 \text{ km} = 25 \Omega$$
$$\Leftrightarrow L_L = L' \cdot l = 1,1 \frac{\text{mH}}{\text{km}} \cdot 100 \text{ km} = 110 \text{ mH}$$

Für den Längsspannungsabfall gilt dann folgendes. Eine ausführliche Herleitung findet sich in den Lösungen zu Beiblatt 3.

$$\Delta U_{1,L} = \frac{P}{\sqrt{3}U_r} \cdot (R_L + X_L \cdot \tan \varphi)$$

Für den Längsspannungsabfall über dem TCSC gilt:

$$\Delta U_{1,C} = \frac{P}{\sqrt{3}U_r} \cdot (-X_C) \cdot \tan \varphi \quad \text{mit } X_C = \frac{1}{\omega C}$$

Gleichsetzen:

$$-\Delta U_{1,C} = \Delta U_{1,L}$$
$$X_C \cdot \tan \varphi = R_L + X_L \cdot \tan \varphi$$
$$X_C = \frac{R_L}{\tan \varphi} + X_L$$
$$X_C = \frac{R_L}{\tan \varphi} + 2\pi f \cdot L_L$$

$$\cos \varphi = 0,7 : \quad X_C = \frac{25 \Omega}{\tan(45,57^\circ)} + 2\pi \cdot 50 \text{ Hz} \cdot 110 \text{ mH} = 59,06 \Omega$$
$$C_{0,7} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \text{ Hz} \cdot 59,06 \Omega} = 53,9 \mu\text{F}$$

$$\cos \varphi = 0,95 : \quad X_C = \frac{25 \Omega}{\tan(18,195^\circ)} + 2\pi \cdot 50 \text{ Hz} \cdot 110 \text{ mH} = 110,62 \Omega$$
$$C_{0,95} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \text{ Hz} \cdot 110,62 \Omega} = 28,78 \mu\text{F}$$

Es wird der größere Kapazitätswert ($C_{0,7} = 53,9 \mu\text{F}$; $X_C = 59,06 \Omega$) gewählt, der bei Bedarf für $\cos \varphi = 0,95$ durch geeignete Wahl von α auf einen niedrigeren resultierenden Wert geregelt werden kann. Zur Erinnerung: Ein größerer Kapazitätswert führt zu einer betragsmäßig geringeren Reaktanz des TCSC was für die Kompensation kleinerer $\cos(\varphi)$ benötigt wird. Betragsmäßig größere Reaktanz lassen sich über die Regelung der Thyristoren fast beliebig erreichen. Negative Reaktanzen zwischen 0 und $-X_C$ dahingegen nicht.

- b) Der Verbraucher nimmt die maximal mögliche Wirkleistung bei $\cos \varphi = 0,95$ auf ($P = \sqrt{3} \cdot U_L \cdot I \cdot \cos \varphi$).

$$\frac{X_C}{X_L} = \frac{1}{\omega^2 \cdot L C} = k = 3 \dots 6$$

$$L = \frac{1}{k} \cdot \frac{1}{\omega^2 \cdot L C}$$

Für eine kostengünstige und daher kleine Induktivität muss k groß gewählt werden $\rightarrow k = 6$:

$$L = \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{(2 \pi \cdot 50 \text{ Hz})^2 \cdot 53,9 \mu\text{F}} = 31,33 \text{ mH}$$

Bestimmung von β aus dem Diagramm in 14.2:

$$X_{\text{TCSC}} = -\frac{1}{\omega \cdot C} + \omega \cdot L \stackrel{!}{=} -\frac{1}{\omega \cdot C_{0,95}} = -110,62 \Omega$$

$$\frac{X_{\text{TCSC}}}{X_C} = \frac{-110,62 \Omega}{59,06 \Omega} = -1,87 \rightarrow \beta = 29,3^\circ$$

c)

$$\Delta U_{\text{TCSC}} = -\Delta U_L$$

$$X_{\text{TCSC}} \cdot \tan \varphi = -(R_L + X_L \cdot \tan \varphi)$$

$$X_{\text{TCSC}} = -\left(\frac{R_L}{\tan \varphi} + X_L\right)$$

$$= -\left(\frac{25 \Omega}{\tan(41,41^\circ)} + 2 \pi \cdot 110 \text{ mH}\right) = -62,9 \Omega$$

$$\text{mit } \cos \varphi = 0,75 \rightarrow \varphi = 41,41^\circ$$

Bestimmung von β aus dem Diagramm in 14.2:

$$\frac{X_{\text{TCSC}}}{X_C} = \frac{-62,9 \Omega}{59,06 \Omega} = -1,07 \rightarrow \beta = 16^\circ$$

- d) Strom durch die Leitung:

$$I_L = \frac{P}{\sqrt{3} \cdot U_N \cdot \cos \varphi}$$

$$= \frac{250 \text{ MW}}{\sqrt{3} \cdot 110 \text{ kV} \cdot 0,75} = 1749,5 \text{ A}$$

Der TCSC wirkt kapazitiv mit $X_{\text{TCSC}} = -62,9 \Omega$:

$$Q_{\text{TCSC}} = 3 \cdot \Delta U_{\text{TCSC}} \cdot I_L = 3 \cdot I_L^2 \cdot X_{\text{TCSC}}$$

$$= 3 \cdot (1749,5 \text{ A})^2 \cdot (-62,9 \Omega) = -577,6 \text{ MVar}$$

Induktive Blindleistung der Freileitung:

$$Q_L = 3 \cdot I_L^2 \cdot X_L$$

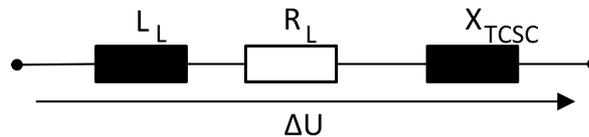
$$= 3 \cdot 1749,5 \text{ A} \cdot 2 \pi \cdot 50 \text{ Hz} \cdot 110 \text{ mH} = 317,3 \text{ MVar}$$

$Q_{\text{TCSC}} \neq Q_L \rightarrow$ Der TCSC dient zur Spannungskompensation und nicht zur Blindleistungskompensation.

Musterlösung EÜN FACTS

Aufgabe 13: Längskompensation einer Übertragungsleitung mit einem TCSC

a)



Leitung:

$$R_L = R' \cdot l = 0,1 \frac{\Omega}{\text{km}} \cdot 100 \text{ km} = 10 \Omega$$

$$L_L = L' \cdot l = 1,3 \frac{\text{mH}}{\text{km}} \cdot 100 \text{ km} = 0,13 \text{ H}$$

$$X_L = \omega \cdot L_L = 2 \pi \cdot 50 \text{ Hz} \cdot 0,13 \text{ H} = 40,84 \Omega$$

Kompensationsbedingung:

$$\Delta U = I \cdot (R_L \cdot \cos \varphi + X_{\text{res}} \cdot \sin \varphi) \stackrel{!}{=} 0$$

$$I \cdot (R_L + X_{\text{res}} \cdot \tan \varphi) = 0$$

$$\Rightarrow R_L + (X_L + X_{\text{TCSC}}) \cdot \tan \varphi = 0$$

$$\rightarrow X_{\text{TCSC}} = - \left(\frac{R_L}{\tan \varphi} + X_L \right)$$

$$= - \left(\frac{10 \Omega}{\tan(36,87^\circ)} + 40,84 \Omega \right) = -54,17 \Omega$$

mit $\cos \varphi = 0,8 \rightarrow \varphi = 36,87^\circ$ und $X_{\text{res}} = X_L + X_{\text{TCSC}}$

b)

$$X_C = 5 \cdot X_L = 5 \cdot \omega \cdot L$$

$$= 5 \cdot (2 \pi \cdot 50 \text{ Hz}) \cdot 10 \text{ mH} = 15,71 \Omega$$

$$X_C = \frac{1}{\omega \cdot C}$$

$$\Leftrightarrow C = \frac{1}{\omega \cdot X_C}$$

$$= \frac{1}{2 \pi \cdot 50 \text{ Hz} \cdot 15,71 \Omega} = 202,62 \mu\text{F}$$

Bestimmung von β aus dem Diagramm in 15.2:

$$\frac{X_{\text{TCSC}}}{X_C} = \frac{-54,17}{15,71} = -3,45 \rightarrow \beta = 36^\circ$$

c) Der Leistungsfaktor $\cos \varphi$ wird minimal für $\varphi = \frac{\pi}{2}$:

$$\cos \varphi = 0 \quad \rightarrow \quad \tan \varphi \rightarrow \infty$$

Steuerwinkel neu bestimmen:

$$X_{\text{TCSC}} = - \left(X_L + \frac{R_L}{\tan \varphi} \Big|_{\varphi \rightarrow \frac{\pi}{2}} \right) \rightarrow X_{\text{TCSC}} = -X_L = -40,84 \, \Omega$$

$$\frac{X_{\text{TCSC}}}{X_C} = \frac{-40,84}{15,71} = -2,6 \quad \rightarrow \quad \beta = 34,5^\circ$$

Musterlösung EÜN FACTS

Aufgabe 14: Strombegrenzer (Short-Circuit Current Limiter, SCCL)

a) Bezugsspannung wählen: $U_B = 400 \text{ kV}$

Generator:

$$X_d'' = x_d'' \cdot \frac{U_{N,G}^2}{S_{N,G}} \cdot \frac{U_B^2}{U_{N,G}^2}$$

$$= 0,3653 \cdot \frac{(27 \text{ kV})^2}{1530 \text{ MVA}} \cdot \frac{400 \text{ kV}^2}{27 \text{ kV}^2} = 38,20 \Omega$$

Transformatoren:

$$X_{k,T} = u_k \cdot \frac{U_{N,T}^2}{S_{N,T}}$$

$$X_{k,T1} = X_{k,T2} = 0,155 \cdot \frac{(400 \text{ kV})^2}{740 \text{ MVA}} = 33,51 \Omega$$

b) Ersatzimpedanz für Kurzschluss an der Sammelschiene:

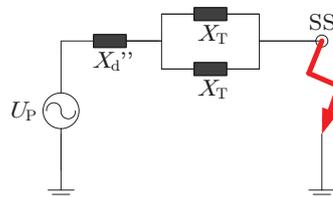


Abb. 14.1: Ersatzschaltbild für einen Kurzschluss an der Sammelschiene (SS)

$$X_{\text{res}} = X_d'' + \frac{1}{2} \cdot X_{k,T}$$

$$= 38,2 \Omega + \frac{1}{2} \cdot 33,51 \Omega = 54,96 \Omega$$

Anfangskurzschlusswechselstrom:

$$I_k'' = \frac{1,1 \cdot U_N}{\sqrt{3} \cdot X_{\text{res}}}$$

$$= \frac{1,1 \cdot 400 \text{ kV}}{\sqrt{3} \cdot 54,96 \Omega} = 4622,16 \text{ A}$$

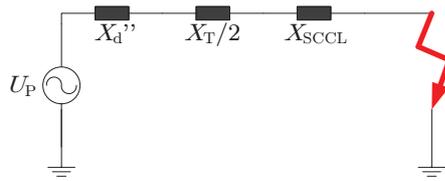


Abb. 14.2: Ersatzschaltbild für einen Kurzschluss im Netz mit SCCL

- c) I_k'' soll halbiert werden. Daraus folgt, dass X_{res} sich verdoppeln muss. Also muss X_L gerade die soeben berechneten $54,96 \Omega$ sein, da nun im Kurzschlussfall zusätzlich die Induktivität des SCCL wirksam ist:

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{54,96 \Omega}{2 \pi \cdot 50 \text{ Hz}} = 0,175 \text{ H}$$

Im Normalbetrieb sperren die Thyristoren. Die Serienschaltung von Kondensator und Spule ist wirksam. Beide Reaktanzen sollen sich gerade aufheben, damit im Normalbetrieb über dem SCCL keine Spannung abfällt.

$$\begin{aligned} Z &= \frac{1}{j \omega C} + j \omega L = j \cdot \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right) \stackrel{!}{=} 0 \\ \Rightarrow C &= \frac{1}{\omega^2 \cdot L} = \frac{1}{\omega \cdot X_L} \\ &= \frac{1}{2 \pi \cdot 50 \text{ Hz} \cdot 54,96 \Omega} = 57,92 \mu\text{F} \end{aligned}$$

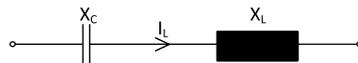


Abb. 14.3: Ersatzschaltbild SCCL im Normalbetrieb

- d) Die maximale Einspeiseleistung wird durch die Transformatoren limitiert, da deren Übertragungskapazität kleiner als die maximale Erzeugungskapazität des Generators ist:

$$S_{N,T \text{ ges}} = 2 \cdot 740 \text{ MVA} = 1480 \text{ MVA} < S_{N,G} = 1530 \text{ MVA} \Rightarrow S_{\max} = 1480 \text{ MVA}$$

Spannungsabfall im Normalbetrieb ($U_C = -U_L$) durch Nennstrom I_L :

$$I_L = \frac{S_{\max}}{\sqrt{3} \cdot U_N} = \frac{1480 \text{ MVA}}{\sqrt{3} \cdot 400 \text{ kV}} = 2136,2 \text{ A} \quad (5)$$

Damit folgt:

$$U_L = X_L \cdot I_L = 54,96 \Omega \cdot 2136,2 \text{ A} = 117,41 \text{ kV} \quad (6)$$

Spannungsabfall im Kurzschlussfall bei halbiertem Kurzschlussstrom:

$$U_L = I_k'' \cdot X_L = \frac{1}{2} \cdot 4622,16 \text{ A} \cdot 54,96 \Omega = 127,02 \text{ kV}$$

- e) Verlustleistung an L:

$$P_V = 3 \cdot I_L^2 \cdot R = 3 \cdot (2136,2 \text{ A})^2 \cdot 0,15 \Omega = 2053,5 \text{ kW}$$

Prozentualer Anteil:

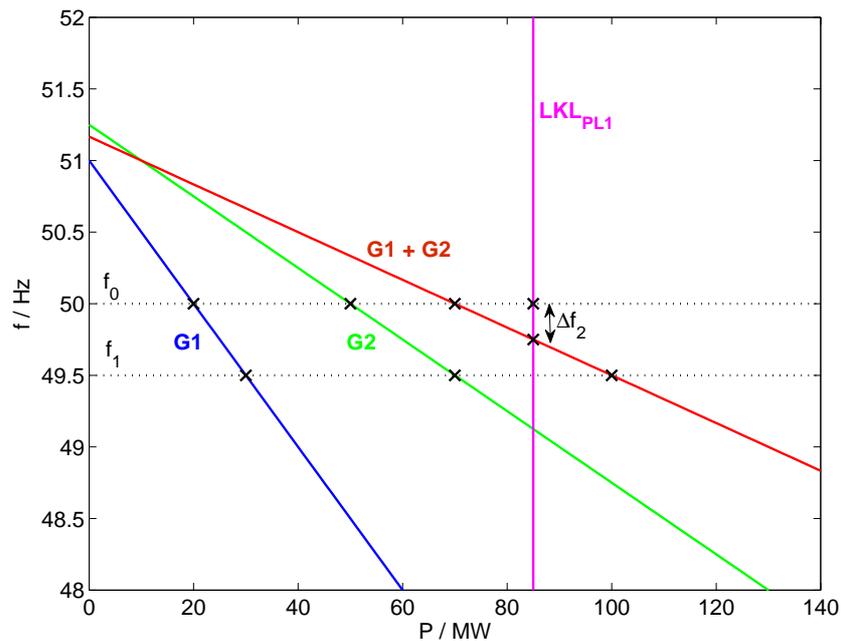
$$\frac{P_V}{P_{\max}} \cdot 100\% = \frac{2053,5 \text{ kW}}{1480 \text{ MW}} \cdot 100\% = 0,139\%$$

Musterlösung EÜN Netzregelung

Aufgabe 15: Primärregelung

a)

f/P-Kennliniendiagramm



Generatorleistungszahlen:

$$K_G = \frac{\Delta P_G}{-\Delta f} = \frac{P_G(f_1) - P_G(f_0)}{-(f_1 - f_0)}$$

$$K_{G1} = \frac{\Delta P_{G1}}{-\Delta f} = \frac{(30 - 20) \text{ MW}}{-(49,5 - 50) \text{ Hz}} = \frac{10 \text{ MW}}{0,5 \text{ Hz}} = 20 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}}$$

$$K_{G2} = \frac{\Delta P_{G2}}{-\Delta f} = \frac{(70 - 50) \text{ MW}}{0,5 \text{ Hz}} = 40 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}}$$

b) Gesamtleistungszahl:

$$K_{\text{ges}} = K_{G1} + K_{G2} = (20 + 40) \frac{\text{MW}}{\text{Hz}} = 60 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}}$$

Die resultierende Generatorkennlinie ($G_1 + G_2$) ist im f/P-Kennliniendiagramm aus a) zu sehen.

c) Lasterhöhung \rightarrow positives Vorzeichen von ΔP :

$$\Delta P_{L1} = P_{L1} - P_{L10} = (85 - 70) \text{ MW} = 15 \text{ MW}$$

Frequenzänderung durch ΔP_{L1} :

$$\Delta f_2 = -\frac{\Delta P_{L1}}{K_{\text{ges}}} = -\frac{15 \text{ MW}}{60 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}}} = -0,25 \text{ Hz}$$

resultierende Netzfrequenz f_2 :

$$f_2 = f_0 + \Delta f_2 = 50 \text{ Hz} - 0,25 \text{ Hz} = 49,75 \text{ Hz}$$

Primärregelanteile der Generatoren:

$$\Delta P_{Gi} = K_{Gi} \cdot \frac{\Delta P}{K_{\text{ges}}} = -K_{Gi} \cdot \Delta f$$

$$\Delta P_{G1} = -K_{G1} \cdot \Delta f_2 = 20 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}} \cdot 0,25 \text{ Hz} = 5 \text{ MW}$$

$$\Delta P_{G2} = -K_{G2} \cdot \Delta f_2 = 40 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}} \cdot 0,25 \text{ Hz} = 10 \text{ MW}$$

Kontrolle:

$$\Delta P_{L1} \stackrel{!}{=} \sum_i \Delta P_{Gi} = \Delta P_{G1} + \Delta P_{G2} = (5 + 10) \text{ MW} = 15 \text{ MW}$$

Die Leistungskennlinie LKL_{PL1} ist im f/P-Kennliniendiagramm aus a) zu sehen.

d) Die frequenzabhängige Last L2 wird zugeschaltet:

$$\Delta P = +P_{L2} = 10 \text{ MW}$$

$$K_{\text{ges},1} = K_{G1} + K_{G2} + D = (20 + 40 + 10) \frac{\text{MW}}{\text{Hz}} = 70 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}}$$

Frequenzänderung Δf_3 :

$$\Delta f_3 = -\frac{\Delta P}{K_{\text{ges},1}} = -\frac{10 \text{ MW}}{70 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}}} = -0,143 \text{ Hz}$$

resultierende Netzfrequenz f_3 :

$$f_3 = f_0 + \Delta f_3 = 50 \text{ Hz} - 0,143 \text{ Hz} = 49,857 \text{ Hz}$$

Primärregelanteile:

$$\text{Last 2:} \quad \Delta P_{L2} = \frac{D}{K_{\text{ges},1}} \cdot \Delta P = \frac{10}{70} \cdot 10 \text{ MW} = 1,43 \text{ MW}$$

$$\text{Generatoren:} \quad \Delta P_{G1} = \frac{K_{G1}}{K_{\text{ges},1}} \cdot \Delta P = \frac{20}{70} \cdot 10 \text{ MW} = 2,86 \text{ MW}$$

$$\Delta P_{G2} = \frac{K_{G2}}{K_{\text{ges},1}} \cdot \Delta P = \frac{40}{70} \cdot 10 \text{ MW} = 5,71 \text{ MW}$$

Kontrolle:

$$\Delta P \stackrel{!}{=} \Delta P_{L2} + \Delta P_{G1} + \Delta P_{G2} = (1,43 + 2,86 + 5,71) \text{ MW} = 10 \text{ MW}$$

e) Die Generatoren 1,2 und 3 speisen die Last L1 bei Netzfrequenz $f_0 = 50 \text{ Hz}$. Dann wird Last L2 zugeschaltet.

$$K_{\text{ges},2} = K_{G1} + K_{G2} + K_{G3} + D$$

$$\Delta f_4 = -\frac{\Delta P}{K_{\text{ges},2}} \quad \Leftrightarrow \quad K_{\text{ges},2} = \frac{\Delta P}{-\Delta f_4}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow K_{G3} &= \frac{\Delta P}{-\Delta f_4} - (K_{G1} + K_{G2} + D) \\ &= \frac{10 \text{ MW}}{-(-0,125 \text{ Hz})} - 70 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}} = 10 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}} \end{aligned}$$

Musterlösung EÜN Netzregelung

Aufgabe 16: Primärregelung im Netzverbund

- a) Ausfall von G3 wirkt wie Lasterhöhung: $\Delta P_{G3} = +P_{G3} = 100 \text{ MW}$. Da Generator 3 ausgefallen ist, kann nur noch die Primärregelung der Generatoren 1 und 2, sowie die Primärregelung in Netz 2 eingreifen.

$$\begin{aligned}\Delta f_1 &= -\frac{\Delta P_{G3}}{K_{G1} + K_{G2} + K_2} \\ &= -\frac{100 \text{ MW}}{(100 + 200 + 100) \frac{\text{MW}}{\text{Hz}}} = -0,25 \text{ Hz}\end{aligned}$$

resultierende Netzfrequenz:

$$f_1 = f_0 + \Delta f_1 = 50 \text{ Hz} - 0,25 \text{ Hz} = 49,75 \text{ Hz}$$

- b) Leistungsaufteilung:

$$\begin{aligned}\Delta P_{G1} &= -K_{G1} \cdot \Delta f_1 = 100 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}} \cdot 0,25 \text{ Hz} = 25 \text{ MW} \\ \Delta P_{G2} &= -K_{G2} \cdot \Delta f_1 = 200 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}} \cdot 0,25 \text{ Hz} = 50 \text{ MW} \\ \rightarrow \Delta P_{N1} &= \Delta P_{G1} + \Delta P_{G2} = 75 \text{ MW} \\ \Delta P_{N2} &= -K_2 \cdot \Delta f_1 = 100 \frac{\text{MW}}{\text{Hz}} \cdot 0,25 \text{ Hz} = 25 \text{ MW}\end{aligned}$$